

404076

Известия  
академии наук ССР  
1912. № 8

404076.

# Извѣстія Механическаго Института

Императорскаго Московскаго Техническаго Училища.

Выпускъ XI.

## Лабораторія паровыхъ котловъ.

І. В. Арбатскій. Вліяніе лучепусканія на показаніе пиromетровъ.



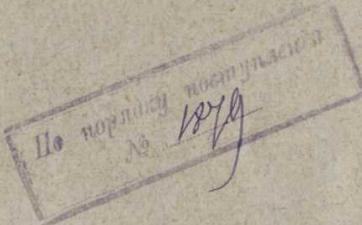
О погрѣшностяхъ при измѣреніи температуръ при помощи термоэлементовъ и гальванометра и поправки для уничтоженія ихъ.

Способъ нанесенія дѣленія шкалы, неравномѣрной по длини, но равномѣрной по объему.

Какъ перейти отъ коэффициента использованія тепла котломъ къ коэффициенту его полезнаго дѣйствія.

БИБЛІОГРАФІЯ  
ІМПЕРАТОРСКАГО  
Московскаго  
ТЕХНИЧЕСКОГО УЧИЛИЩА

— 88 —



Типографія РУССКАГО ТОВАРИЩЕСТВА, Москва.  
Чистые пруды, Мыльниковъ переулокъ, собственный домъ.

1912.



БИБЛИОТЕКА  
ИМПЕРАТОРСКАГО  
МОСКОВСКОГО  
ТЕХНИЧЕСКОГО  
УЧИЛИЩА

## Влініє лучеиспусканія на показаніє пирометровъ.

(Предварительное сообщение).

(Доложено было на второмъ Менделѣевскомъ Съездѣ по общей и прикладной химіи и физикѣ).

*I. V. Арбатский.*

Еще въ 1905 году проф. В. И. Гриневецкій указалъ, что при измѣрениі температуры газовъ въ дымоходѣ: „показаніе пирометра является результатомъ теплопередачи ему отъ газовъ, лучеиспусканія ему отъ топки и лучеиспусканія отъ него къ обмуровкѣ и къ стѣнкѣ котла“ (\*). Уже одинъ этотъ перечень причинъ, отъ которыхъ зависитъ показаніе пирометра, указываетъ на сложность вопроса, такъ какъ только температура стѣнки котла является величиной постоянной или правильнѣе очень мало измѣняющейся, а температура газовъ топки и обмуровки — все величины, которая находятся въ зависимости одна отъ другой, и этимъ крайне затрудняются наблюденія и постановки опытовъ; но, съ другой стороны, даже приблизительные подсчеты даютъ очень значительныя пониженія показаній пирометра по сравненію съ температурой измѣряемой газообразной среды. Поэтому выясненіе этого вліянія и нахожденія способа правильнаго измѣрениія температуры газовой среды очень важны, такъ какъ возможно, что ошибка превышаетъ 20% измѣряемой температуры. Это было поставлено на очередь работъ въ Лабораторіи Паровыхъ Котловъ Императорскаго Московскаго Техническаго Училища, а въ 1907 г. проф. В. И. Гриневецкій предложилъ мнѣ взять эту тему для научной работы, за что я ему приношу глубокую благодарность.

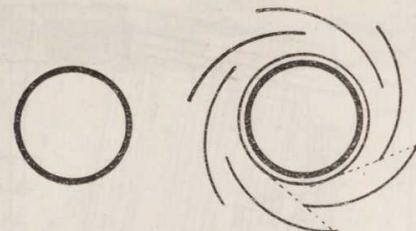
Для того, чтобы приблизительно оцѣнить, насколько теоретическія предположенія соотвѣтствуютъ дѣйствительности, были предприняты опыты съ предохранительными чехлами.

Чехоль былъ сдѣланъ изъ листового серебра длиною въ 300 м/м и въ поперечномъ сѣченіи представлялъ рядъ пластинокъ, изогнутыхъ, какъ показано схематически на фиг. 1, правое изображеніе.

Дѣйствіе чехловъ будетъ понятно изъ слѣдующаго, Положимъ, мы вставили пирометръ въ пространство, температуру коего желаемъ измѣрить... Температура пирометра постепенно повышается до тѣхъ поръ, пока не наступитъ равновѣсіе между тепломъ, получаемымъ пирометромъ черезъ теплопередачу отъ газовъ, черезъ луч-

\*) Проф. В. И. Гриневецкій. Графический расчетъ парового котла, стр. 13.

испусканіе отъ топки или нефтяного факела, и тепломъ, которое пирометръ отдаетъ стѣнкамъ дымоходовъ и стѣнкѣ котла. Если мы надѣнемъ на пирометръ чехолъ, устроенный такъ, что между нимъ и пирометромъ возможна циркуляція газа, но пирометръ никоимъ образомъ не можетъ „увидѣть“ ни лучеиспускающихъ поверхностей, ни стѣнки котла, то тогда температура пирометра повысится, такъ какъ лучеиспускающая поверхность увеличится незначительно, всего въ отношеніи діаметровъ чехла и пирометра % на 90, а поверхность соприкос-



$$\frac{F_c}{F_a} = \frac{1}{\frac{F_c}{F_a}} = 1. \quad \frac{F_c}{F_a} = 5.95 \quad \frac{F_c}{F_a} = 1.9 \quad \frac{F_c}{F_a} = 3.15$$

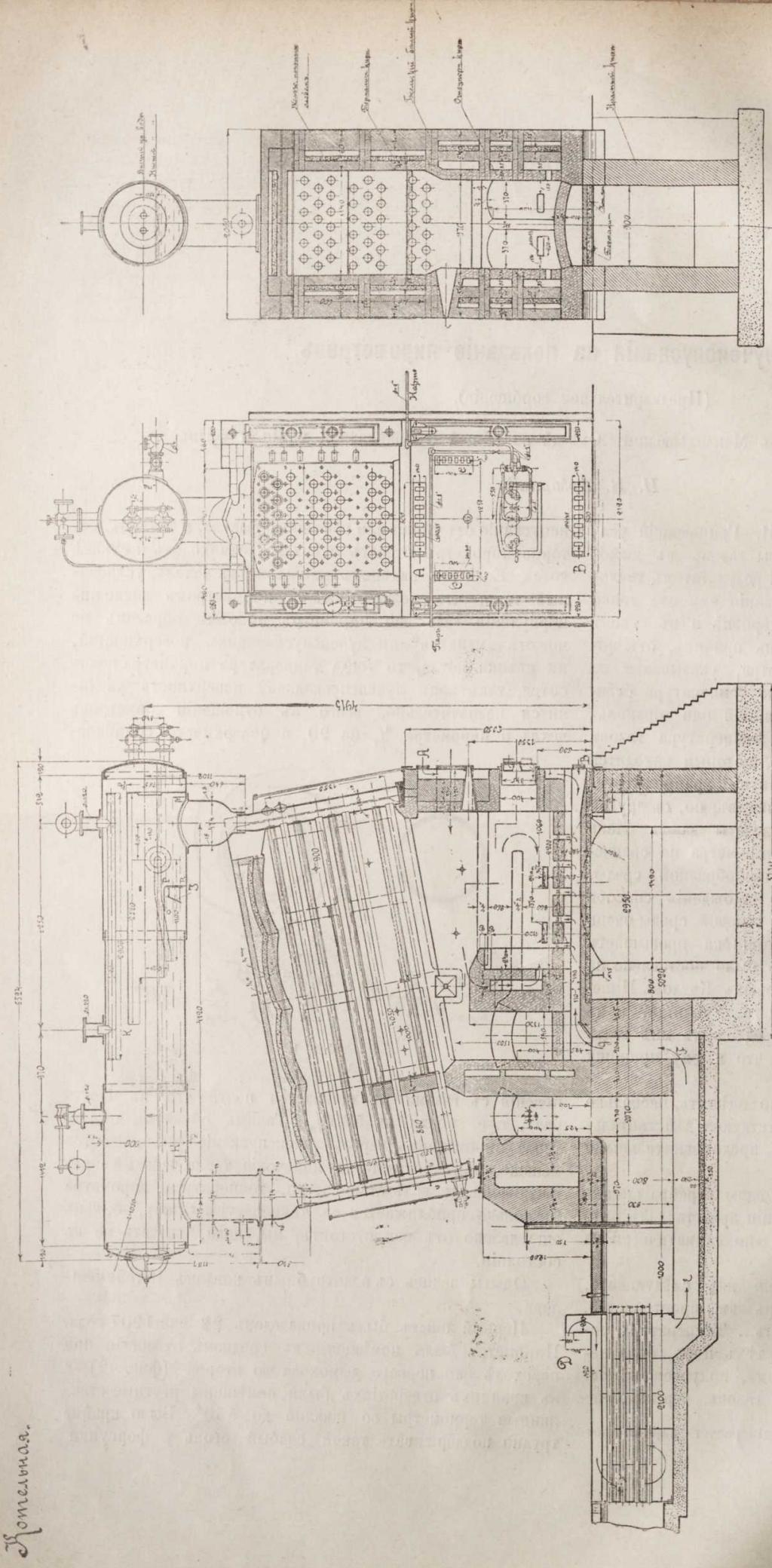
Фиг. 1.

новенія съ газами увеличивается почти что въ шесть разъ, т.-е. почти на 500%. Такимъ образомъ потеря тепла пирометромъ черезъ лучеиспускание увеличивается меньше, чѣмъ возрастаетъ получение тепла черезъ соприкосновеніе, и вслѣдствіе этого, температура пирометра пѣсколько приближается къ температурѣ газовъ, но, какъ еще далеко отъ нея отстоитъ, мы, пока, сказать не въ состояніи.

Опыты велись съ водотрубнымъ котломъ Штейнмюллера.

Первый опытъ былъ произведенъ 22 мая 1907 года. Пирометръ былъ помѣщенъ въ среднемъ отверстіи при переходѣ изъ первого дымохода во второй (фиг. 2), а въ крайнихъ отверстіяхъ были помѣщены ртутные стеклянные термометры со шкалой до 550°. Было крайне трудно поддерживать такой слабый огонь у форсунки,

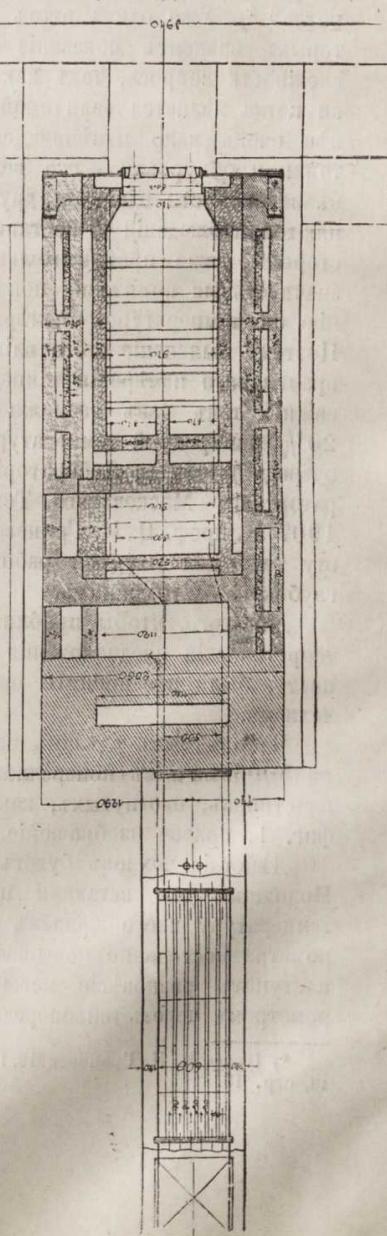
Механічний Інститут УССР  
Інженерна



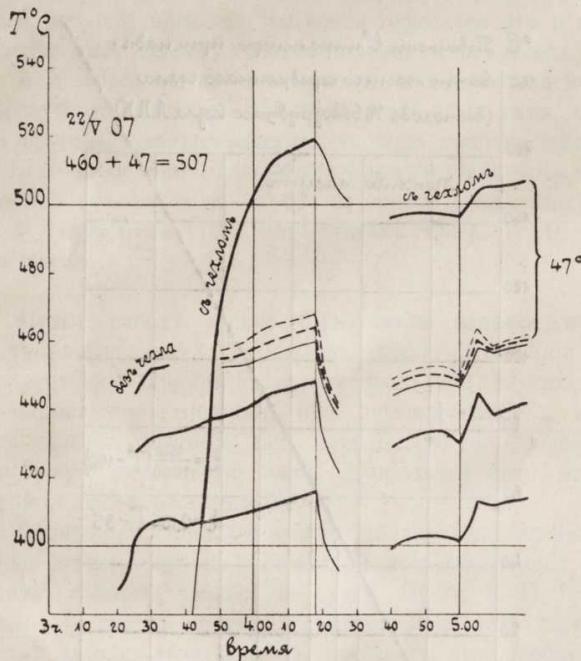
Водомоторний компресор  
сушіння Шмейнкенера

Найбільшість нагруба 120 год =	11,3 мс
20 ..	17, ..
30 ..	22,7 ..
40 ..	8,9 ..
60 ..	60 мс

$T_{\text{н}} = 12 \text{ днів}$



чтобы температура была около  $420^{\circ}$ . Термометры были старые и съ термоэлектрическимъ пиromетромъ не свѣрялись, но это въ данномъ опыте значения не имѣло, такъ какъ они служили лишь для контроля постоянства температуры, и поэтому абсолютное значение показанія термометровъ было не важно. Въ 3 ч. 35', когда уже (фиг. 3) температура нѣсколько установилась, былъ вынутъ термоэлектрический пиromетръ и на него былъ надѣть чехоль, и пиromетръ опять былъ вставленъ, и отверстіе было опять замазано азбестомъ. Первый отчетъ пиromетра съ чехломъ въ 3 ч. 45', было  $408^{\circ}$ , т.-е. за время надѣванія чехла пиromетръ успѣлъ значительно остыть. Если чехолъ не имѣть никакого вліянія, то разность показаній пиromетра и двухъ контрольныхъ ртутныхъ термометровъ была приблизитель-



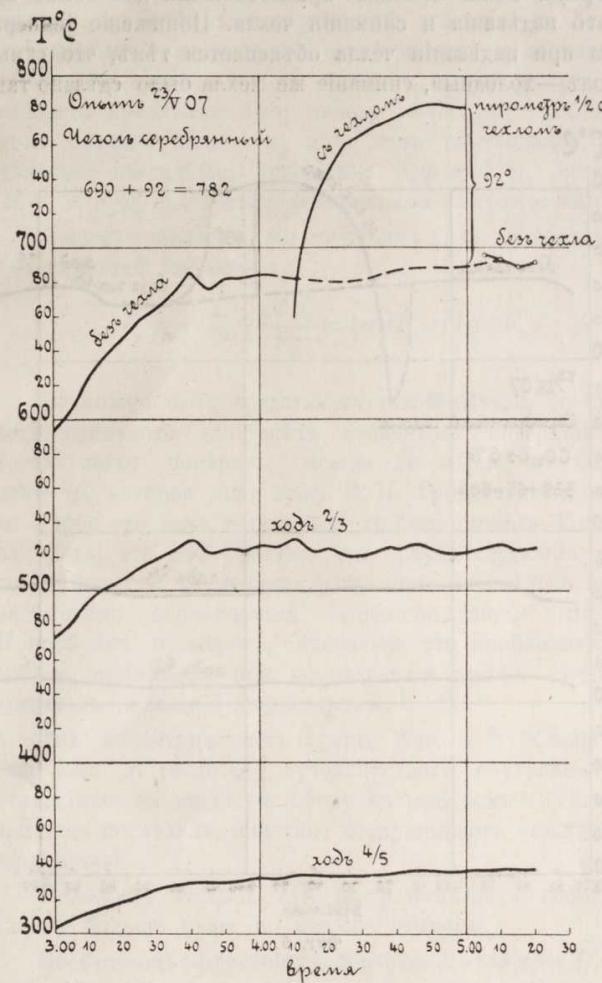
Фиг. 3.

но одинакова. Но мы видимъ, что температура пирометра все растетъ, а въ 4 ч. 15' уже  $518^{\circ}$ . Если мы отложимъ ту же разность температуръ, какая была въ 3 ч. 35', то окажется, что съ чехломъ температура выше на  $52^{\circ}$ . Далѣе, въ 4 ч. 55' разница въ  $46^{\circ}$  при температурѣ пиromетра безъ чехла  $452^{\circ}$ . Такимъ образомъ среднее повышеніе  $t^{\circ}$  отъ чехла  $47^{\circ}$  при средней температурѣ пиromетра безъ чехла  $460^{\circ}$ .

Въ этомъ опыте было сдѣлано одно упущеніе, а именно: слѣдовало убѣдиться, что разность температуръ пиromетра и контрольныхъ термометровъ осталась та же, для чего надо было вынуть пиromетръ, снять чехолъ и опять его вставить. Въ послѣдующихъ опытахъ это дѣжалось и, такъ какъ разница мѣнялась незначительно, то и этотъ опытъ былъ принятъ во вниманіе; впрочемъ, въ этомъ опыте это уже не было такъ важно въ виду того, что контрольные термометры стояли рядомъ.

Далѣе отмѣтимъ, что колебаніе ртутныхъ термометровъ значительное, нежели пиromетра съ чехломъ; особенно это характерно около 4 ч. 20' и 5 ч. 10'. А между тѣмъ инертность ртутныхъ термометровъ очень велика изъ-за желѣзной оправы.

Опытъ второй фиг. 4. производился 23-го мая съ тѣмъ же котломъ. Пиromетръ былъ помѣщенъ въ среднее отверстіе при переходѣ изъ первого хода во второй, т.-е. въ томъ же мѣстѣ, какъ и въ первомъ опыте, при  $t^{\circ}$  около  $680^{\circ}$ ; слѣдовательно, рядомъ съ нимъ контрольного тер-



Фиг. 4.

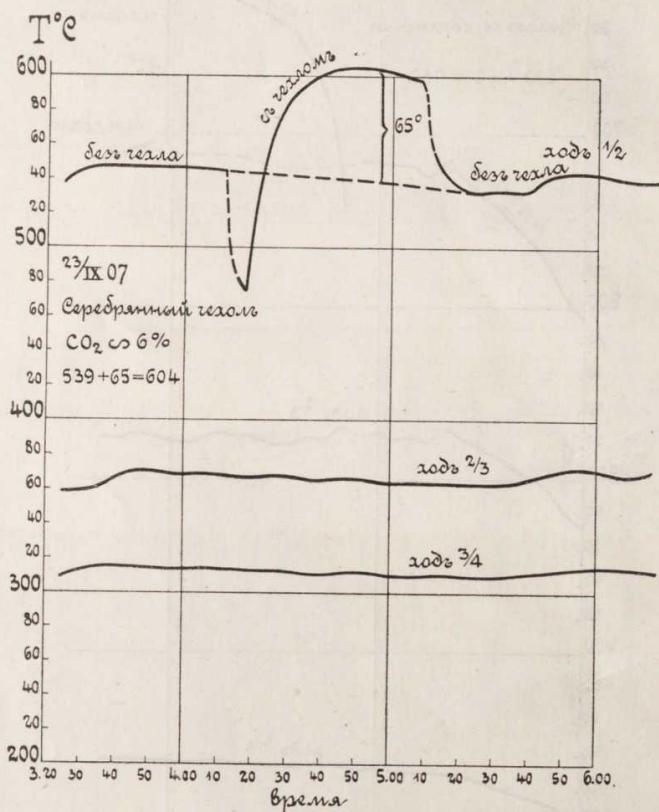
метра поставить было нельзя, другого пиromетра въ то время не было, поэтому пришлось поставить контрольные термометры: одинъ при переходѣ изъ второго хода въ третій, а другой при выходѣ изъ четвертаго хода. Сперва пиromетръ былъ безъ чехла, затѣмъ, когда температура установилась, пиromетръ былъ вынутъ, надѣть чехоль. Когда температура установилась, чехолъ былъ снятъ, и тогда пиromетръ показывалъ температуру болѣе низкую. Отложивъ такую же разность ( $T_{1/2}^1 - T_{1/3}^2$ )<sup>1)</sup>, какая была въ 5 ч. 5', 5 ч. 10', 5 ч. 15', а именно  $171^{\circ}$  отъ

<sup>1)</sup> Обозначеніе  $T_{1/2}^1$  = температура при переходѣ изъ первого хода во второй.

температуры  $T^2/3$  4ч. 52', 4ч. 55', 5ч.—получимъ тѣ температуры, которыхъ показывалъ бы пирометръ, если бы на немъ не было чехла.

Мы видимъ, что, при  $690^{\circ}$  показанія пирометра, чехоль увеличиваетъ температуру на  $92^{\circ}$ .

Третій опытъ (фиг. 5) былъ 23-го сентябрь. Расположеніе пирометра и термометровъ было такое же, какъ и во второмъ опытѣ; былъ поставленъ только еще одинъ термометръ при переходѣ изъ третьяго хода въ четвертый. Было обращено вниманіе, чтобы кладка котла былъ прогрѣта. Были сдѣланы приспособленія для болѣе быстраго надѣванія и сниманія чехла. Пониженіе температуры при надѣваніи чехла объясняется тѣмъ, что самыи чехоль—холодный, сниманіе же чехла было сдѣлано такъ



Фиг. 5.

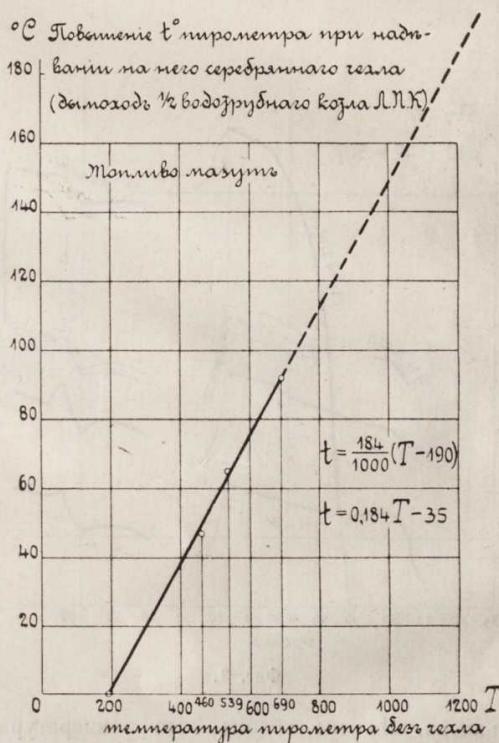
быстро, что температура пирометра еще была нѣсколько велика по сравненію съ той, какой она можетъ быть безъ чехла при этихъ условіяхъ, поэтому наблюдается *охлажденіе пирометра въ дымоходѣ*.<sup>1)</sup> Въ виду того, что никакихъ рѣзкихъ колебаній въ расходѣ топлива, въ избыткѣ воздуха не было, что видно ясно по температурѣ  $T^2/3$ , здѣсь можно даже соединить пунктиромъ температуры  $T^1/2$  при пирометрѣ безъ чехла, и мы находимъ, что при  $T$  пирометра безъ чехла  $539^{\circ}$ , повышеніе  $t^{\circ}$  съ чехломъ  $65^{\circ}$ . Отмѣтимъ, что между 4ч. 50' и 5ч. 10' линія температуры пирометра съ чехломъ какъ разъ параллельна пунктирной линіи пирометра безъ чехла.

Сопоставимъ полученные результаты на діаграммѣ фиг. 6.

Такъ какъ преобладающее вліяніе на пониженіе температуры пирометра имѣть температура котла ( $191^{\circ}$ ), то можно предположить, что, если бы пирометръ безъ чехла показывалъ  $191^{\circ}$ , то и съ чехломъ онъ показаль бы ту же температуру. Такимъ образомъ получаются четыре точки, которые лежать на одной прямой, по которой можно вывести, что повышеніе температуры, если надѣть чехоль  $\Delta T = 0,183$  ( $T - 191$ ), где  $T$ —температура, показываемая пирометромъ безъ чехла, или въ другой формѣ.

$$\Delta T = 0,183 \quad T - 35.$$

Формула эта справедлива до  $T \leq 700^{\circ}$ . Далѣе итти было нельзя, такъ какъ оправа пирометра выдерживаетъ всего  $800^{\circ}$  С, а при  $700$  безъ чехла — съ чехломъ



Фиг. 6.

$700 + 93 = 793^{\circ}$ . Дѣлать другой чехоль на пирометръ въ другой оправѣ не стоило, такъ какъ возможно было поднять температуру всего градусовъ  $50 - 60$ , иначе можно было опасаться расплавленія чехла (серебро). Дѣлать же чехоль изъ платины очень дорого и не стоило для предварительныхъ опытовъ. Экстраполировавъ эту линію, получимъ значенія и для болѣе высокихъ температуръ, по этими значеніями надо пользоваться *съ большой осторожностью*, такъ какъ поручиться нельзя, пойдетъ ли далѣе эта линія прямой или превратится въ кривую. Понятно, эта формула имѣть значеніе только для данного мѣста, данного котла и является результатомъ совмѣстнаго вліянія горячаго факела и стѣнки котла.

<sup>1)</sup> Сплошная линія на чертежѣ означаетъ наблюденную температуру, пунктиръ предполагаемую.

Выводы изъ этихъ опытовъ были сдѣланы слѣдующіе:

1) Вліяніе лученія спускания на показаніе пирометровъ настолько велико, что игнорировать его при измѣреніи высокихъ температуръ газа нельзя.

2) Теоретическія предположенія проф. В. И. Гриневецкаго относительно этого вліянія подтверждаются вполнѣ.

3) Вести изслѣдованіе этого вліянія въ дымоходѣ котла немыслимо, приходится сконструировать специальную печь, въ которой возможно было бы достичь заранѣе намѣченныхъ условій.

4) Необходимо изыскать способъ опредѣленія истинной температуры газовъ и уже съ ней сравнивать показаніе пирометра безъ чехла и съ чехлами разныхъ конструкцій и вывести соотвѣтствующія поправки.

5) Необходимо изыскать способъ контролированія правильности показанія термоэлементовъ и изучить причины, могущія исказить показанія термоэлемента, и найти способъ для внесенія соотвѣтствующихъ поправокъ.

6) Необходимо изучить пространственную зависимость при лученіи спускания и сконструировать печь такъ, чтобы эта пространственная зависимость была доступна для подсчета и чтобы явленіе это можно было расчленить на болѣе простыя явленія, т.-е. чтобы на первое время раздѣлить на 4 слагаемыхъ, уже намѣченныхъ проф. В. И. Гриневецкимъ.

Итакъ, работу можно было вести параллельно въ двухъ направленияхъ: 1) изучить способъ измѣренія температуръ при помощи термоэлементовъ и 2) изучить пространственную зависимость при лученіи спускания и изыскать способъ подсчета, такъ какъ только тогда возможно приступить къ проектированію специальной печи, въ которой и вести изслѣдованіе.

Въ первомъ направлениі работа подвигнулась впередъ<sup>1)</sup>, по во второмъ неожиданно встали такія затрудненія, преодолѣть которыя удалось не сразу. Проф. В. И. Гриневецкій въ своемъ труде, „Графический расчетъ парового котла“, касаясь этого вопроса, отмѣчаетъ, что „необходимо ограничиться приблизительной оценкой“. Тамъ въ паровомъ котлѣ, где поверхности излучающей и воспринимающей приблизительно одинаковы, способъ, предложенный проф. В. И. Гриневецкимъ, можетъ имѣть мѣсто; при выведеніи поправокъ на лученіе спускания пирометра этого уже неѣть, поверхность пирометра во много десятковъ разъ менѣе поверхностей, съ которыемъ или на которыхъ передается тепло, т.-е. поверхности обмуровки или котла и, какъ видно изъ нижеиздѣйщаго, способъ подсчета проф. В. И. Гриневецкаго не можетъ быть примѣненъ.

Положимъ, мы имѣемъ два тѣла *A* и *B* съ температурами *T<sub>a</sub>* и *T<sub>b</sub>*, взаимно лученіе спускающія другъ другу, любой элементъ поверхности каждого изъ нихъ лученіе спускаетъ во всѣ стороны, но лишь некоторая часть  $\varphi$  попадаетъ на другое тѣло. Теперь является вопросъ,

какъ выразить это  $\varphi$ ? Проф. В. И. Гриневецкій говоритъ такъ: „ $\varphi$  представляетъ отношеніе поверхности вырѣзка полусферы, заключающей въ себѣ конический пучекъ попадающихъ лучей, ко всей поверхности полусферы. Вообще  $\varphi$  переменно для разныхъ элементовъ.“

Обозначимъ:

$\varphi_1$  и  $\varphi_2$  — угловые коэффициенты,

при чемъ  $\varphi_1 = \int \frac{dF_1 \varphi}{F_1}$  и  $\varphi_2 = \int \frac{dF_2 \varphi}{F_2}$  — представляютъ

среднія для обѣихъ поверхностей значенія  $\varphi$ . Угловые коэффициенты зависятъ отъ геометрическихъ соотношеній обѣихъ поверхностей и въ каждомъ случаѣ могутъ быть оценены приблизительно; точное вычисление ихъ слишкомъ сложно. Между  $\varphi_1$  и  $\varphi_2$  есть соотношеніе, опредѣляемое очевиднымъ условіемъ:  $F_1 \varphi_1 = F_2 \varphi_2$ ; величины  $F_1 \varphi_1$  и  $F_2 \varphi_2$  назовемъ эфективными поверхностями<sup>а 1)</sup>.

Такимъ образомъ мы получимъ для эфективныхъ поверхностей выражение

$$F_1 \varphi_1 = F_1 \int \frac{\varphi dF_1}{F_1} = \int \varphi dF_1 = \int \varphi dF_2.$$

Возможно себѣ представить такой случай, что  $\varphi$  будетъ одинаково для всѣхъ элементовъ поверхности и тогда легко повѣрить, всегда ли вѣрно то опредѣленіе  $\varphi$ , которое дано проф. В. И. Гриневецкимъ, а если не вѣрно, то какъ велика можетъ быть ошибка. Слѣдуетъ отмѣтить, что имъ указано, что: „Лученіе спускание топки котлу физикой не можетъ быть пока опредѣлено точно; необходимо ограничиться приблизительной оценкой“. Попробуемъ провѣрить, насколько эта приблизительная оценка примѣнима при изслѣдованіи вліянія лученія спускания на показаніе пирометровъ.

Двѣ концентрическихъ сферы, фиг. 7<sup>2)</sup> большая съ радиусомъ *R* (тѣло *A*) лученіе спускаетъ внутренней поверхностью на меньшую сферу съ радиусомъ *r* (тѣло *B*), при чемъ послѣдняя, понятно, воспринимаетъ вѣнчайшей поверхностью.

Положимъ  $r = \mu R$ , где  $\mu$  представляетъ собою величину больше нуля, но меньше единицы.

Подсчитаемъ эфективную поверхность для тѣла *B*, т.-е.  $\varphi_2 F_2$ . Для каждого элемента поверхности  $dF_2$  отношеніе  $\varphi$  равняется 1.

$$\text{Поэтому } \varphi_2 F_2 = F_2 = 4\pi r^2 = 4\pi R^2 \mu^2.$$

Для каждого элемента  $dF_1$  поверхности тѣла *A* отношеніе  $\varphi_1$  будетъ постоянно и равно отношенію тѣлесного угла, образованного касательными къ тѣлу *B*, къ полусферѣ

$$\text{т.-е. } \varphi_1 = \frac{2\pi a h}{2\pi a^2} = \frac{2\pi a \cdot a (1 - Cs a)}{2\pi a^2} = 1 - Cs a,$$

<sup>1)</sup> Графический расчетъ паровыхъ котловъ. Проф. В. И. Гриневецкій стр. 9.

<sup>2)</sup> Просьба исправить обозначенія на фиг. 7 около точки К вмѣсто о ( $F_1$ ) слѣдуетъ d  $F_1$ , вмѣсто  $\varphi_0$  слѣдуетъ  $\varphi_a$ .

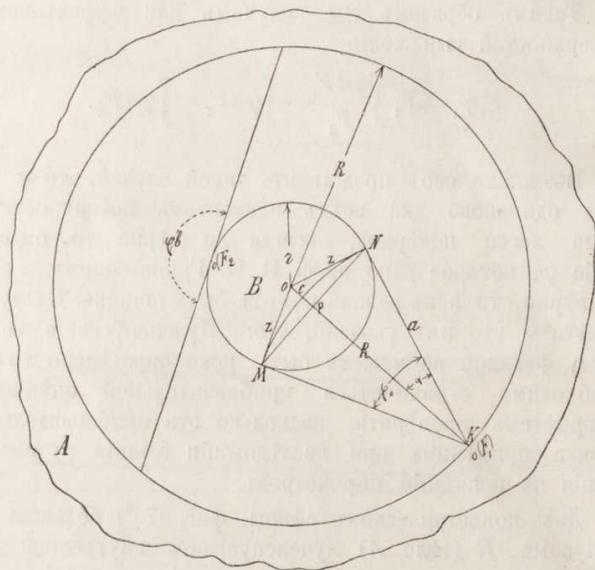
<sup>1)</sup> Часть этой работы помѣщена въ слѣдующей статьѣ: „О грѣшностяхъ при измѣреніи температуръ при помощи термоэлементовъ и гальванометра и поправки для уничтоженія ихъ“.

а такъ какъ  $Sna = \frac{r}{R} = \frac{\mu R}{R} = \mu$ ,  
то  $\varphi = 1 - Csa = 1 - \sqrt{1 - \mu^2}$ , а отсюда  
 $\varphi_1 F_1 = \int \varphi dF_1 = (1 - \sqrt{1 - \mu^2}) F_1 = 4\pi R^2 (1 - \sqrt{1 - \mu^2})$ .

Возьмемъ отношение эффективныхъ поверхностей  $\xi$ , которое должно равняться единицѣ въ случаѣ, если отношение  $\varphi$  выражено было правильно

$$\begin{aligned}\xi &= \frac{\varphi_2 F_2}{\varphi_1 F_1} = \frac{4\pi R^2 \mu^2}{4\pi R^2 (1 - \sqrt{1 - \mu^2})} = \frac{\mu^2}{1 - \sqrt{1 - \mu^2}} = \\ &= \frac{\mu^2 (1 + \sqrt{1 - \mu^2})}{1 - 1 + \mu^2} = 1 + \sqrt{1 - \mu^2}.\end{aligned}$$

Для наглядности изобразимъ  $\xi = 1 + \sqrt{1 - \mu^2}$  въ видѣ диаграммы по оси абсциссъ отложимъ значения  $\mu$ , по оси ординатъ значение  $\xi$  (фиг. 8).



Фиг. 7.

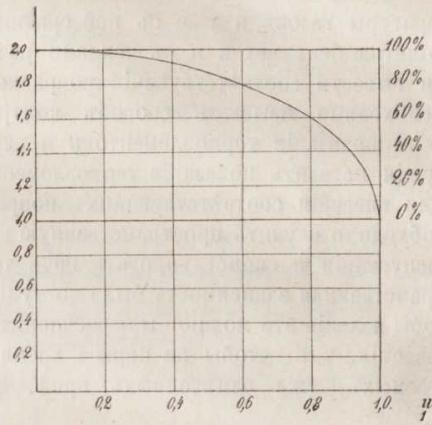
Мы видимъ, что для данного частнаго случая неизвѣстка достигаетъ почти  $100\%$ , если  $\mu < 0,2$ . Ясно, что этимъ приближеннымъ способомъ пользоваться нельзя при изслѣдованіи вліянія лучеиспускания на показаніе пиromетровъ, и мнѣ пришлось обратиться къ выраженіямъ болѣе точнымъ, которыя привели къ слѣдующей формулѣ:

$$Q = \iint J_0 \frac{Cs(N_1, Q) Cs(N_2, Q)}{Q^2} dF_1 \cdot dF_2,$$

гдѣ  $Q$ —количество тепла, которое передается лучеиспусканіемъ отъ одного тѣла другому,  $J_0$ —количество тепла, испускаемое единицей поверхности по направлению нормали къ этой поверхности,  $Q$ —разстояніе между элементами поверхности  $dF_1$  одного тѣла и  $dF_2$  другого тѣла.

$Cs(N_1, Q)$ —косинусъ угла между направлениемъ нормали къ элементу поверхности  $dF_1$  и линіей  $Q$ , соединяющей элементы поверхности  $dF_1$  и  $dF_2$ .

$Cs(N_2, Q)$ —косинусъ угла между направлениемъ нормали къ элементу поверхности  $dF_2$  и линіей  $Q$ , соединяющей элементы поверхности  $dF_1$  и  $dF_2$ .



Фиг. 8.

Интегрировать нужно по поверхностямъ  $F_1$  и  $F_2$  въ такихъ предѣлахъ, чтобы  $Cs(N_1, Q)$  и  $Cs(N_2, Q)$  не были меньше нуля.

Сложная функциональная зависимость надолго (около 3 лѣтъ) задержала мою работу, такъ какъ не удавалось проинтегрировать этого выраженія даже для наиболѣе простыхъ случаевъ, и поэтому даже возникъ вопросъ о возможности изслѣдоватъ этотъ вопросъ. Только теперь при помощи графическаго способа мнѣ удалось вычислить съ точностью до  $5 - 10\%$  эту пространственную зависимость для любого случая. Способъ правда довольно сложный и многодѣльный, но для лабораторныхъ изслѣдований вполнѣ примѣнимый; онъ будетъ опубликованъ при дальнѣйшихъ работахъ. Казалось бы всѣ крупныя затрудненія теперь, наконецъ, побѣждены мнѣ и потому можно надѣяться въ ближайшемъ будущемъ перейти къ опытамъ, для чего уже часть приспособленій изготовленна.

П. В. Арбатскій.

# О погрешностяхъ при измѣрѣніи температуръ при помощи термоэлементовъ и гальванометра и поправки для уничтоженія ихъ.

(Доложено было на второмъ Менделеевскомъ Съездѣ по общей и прикладной химии и физикѣ).

И. В. Арбатскій.

Среди всѣхъ способовъ измѣрѣнія температуръ одно изъ первыхъ мѣстъ занимаетъ въ техникѣ способъ измѣрѣнія при помощи термоэлементовъ и гальванометра. Способъ компенсаціи, хотя болѣе точенъ, но онъ довольно сложенъ и поэтому большого примѣненія имѣть не можетъ. Точно измѣрять температуру термоэлементомъ и гальванометромъ возможно только въ томъ случаѣ, если гальванометръ проградуированъ для данного термоэлемента, и наблюденіе производится при тѣхъ же условіяхъ, какія были приняты при градуировкѣ; если же эти условія не соблюдены, получается нѣкоторое измѣненіе показанія гальванометра, слѣдовательно, получается нѣкоторая ошибка, для избѣжанія которой необходимо дѣлать соотвѣтствующія поправки, величина которыхъ можетъ быть иногда довольно значительна, какъ можно будетъ видѣть изъ приведенныхъ ниже примѣровъ.

Для ясности изложения вкратцѣ напомнимъ сущность метода измѣрѣнія температуры при помощи термоэлементовъ и гальванометра. Если возьмемъ незамкнутую цѣпь, состоящую изъ 2 или пѣсколькихъ проволокъ изъ разныхъ металловъ или сплавовъ спаянныхъ, или имѣющихъ kontaktъ между собой, и будемъ держать одни спаи при одной температурѣ, а другой или другія при другой, то на свободныхъ концахъ появится разность электрическихъ потенциаловъ, величина которой будетъ зависѣть отъ свойствъ металловъ, изъ которыхъ сдѣланы проволоки и отъ температуръ спаевъ. Если цѣпь замкнемъ, то въ ней будетъ циркулировать электрический токъ, величина которого еще зависитъ отъ сопротивленія цѣпи, и, зная величину сопротивленія и силу тока, можно опредѣлить вольтажъ термоэлемента. Далѣе, зная для данного термоэлемента зависимость между вольтажемъ и температурами спаевъ и температуру одного изъ спаевъ, можно опредѣлить температуру другого спая.

Изъ всѣхъ возможныхъ комбинацій металловъ и сплавовъ въ качествѣ термоэлементовъ распространеніемъ пользуются только немногія, какъ-то:

1) Платина—платина-родій, т.-е. одна проволока изъ чистой платины, другая изъ сплава 90% платины и 10% родія.

2) Платина—платина-иридій, т.-е. одна проволока изъ чистой платины, другая изъ сплава 90% платины и 10% иридія.

3) Серебро-константанъ (константанъ—сплавъ мѣди и никеля).

4) Мѣдь-константанъ.

5) Желѣзо-константанъ.

Всѣ перечисленныя термопары почти не имѣютъ гистерезиса и обладаютъ достаточнымъ постоянствомъ, т.-е. ихъ термоэлектрическая способность отъ времени почти не мѣняется. (Термоэлектрической способностью мы назовемъ разность потенциаловъ, выраженную въ микроволь-

тахъ ( $\mu V$ ), т.-е. миллионныхъ доляхъ вольта, приходящуюся на  $1^{\circ}$  разности температуръ спаевъ. Чтобы не употреблять очень деликатныхъ приборовъ, желательно, понятно, чтобы термоэлектрическая постоянная термометра была по возможности больше. Изъ приведенныхъ термопаръ, термопары желѣза-константанъ, серебро-константанъ и мѣдь-константанъ имѣютъ около  $50 \mu V/I^{\circ}C$ , а термопары платина платина-родій и платина-платина-иридій, имѣютъ около  $10 \mu V/I^{\circ}C$ , при чемъ послѣдняя термопара имѣть пѣсколько больше предпослѣдней. Къ сожалѣнію, термопара желѣзо-константанъ не можетъ употребляться при высокихъ температурахъ, такъ какъ желѣзо окисляется, это въ значительной мѣрѣ относится и къ термопарѣ мѣдь-константанъ, термопара серебро-константанъ можетъ употребляться до  $600^{\circ} C$ ; при измѣрѣніи температуръ высшихъ приходится пользоваться платиновыми металлами, несмотря на ихъ дороговизну. Такъ какъ наиболѣшимъ постоянствомъ обладаютъ термопары платина-платина-родій и серебро-константанъ, то въ техникѣ и употребляются обыкновенно для измѣрѣнія температуръ до  $600$  термоэлементы серебро-константанъ, а для измѣрѣнія высокихъ температуръ термоэлементы платина-платина-родій, и поэтому въ дальнѣйшемъ изложениѣ мы будемъ касаться только этихъ термопаръ.

Обычно установка бываетъ такая: термоэлементъ при помощи мѣдныхъ проводовъ достаточно большого сѣченія присоединяется къ гальванометру и въ полученной такимъ образомъ замкнутой электрической цѣпіи циркулируетъ электрический токъ, который отклоняетъ стрѣлку гальванометра на опредѣленный уголъ. Гальванометры употребляются системы Денре д'Арсонвала, съ подвижной катушкой и постояннымъ магнитомъ, такъ что уголъ отклоненія стрѣлки пропорціоналенъ силѣ проходящаго тока. Если считать сопротивленіе гальванометра неизмѣннымъ, то уголъ отклоненія стрѣлки будетъ пропорціоналенъ разности потенциаловъ на клеммахъ гальванометра и поэтому обычно на гальванометрѣ напосятся дѣленія на милливольты, а кромѣ того напосятся дѣленія на  $^{\circ}C$ . для опредѣленія термоэлемента, находящагося въ опредѣленныхъ условіяхъ. При отсчетахъ почти всегда приходится пользоваться послѣдними дѣленіями, такъ какъ дѣленія на милливольты очень рѣдко отстоятъ одинъ отъ другого, какъ можно видѣть на рисункахъ (фиг. 1), изображающемъ шкалу гальванометра.

Устройство гальванометровъ, какъ видно изъ рисунковъ различно; бываютъ такъ называемые „лабораторные гальванометры“ (фиг. 2), гдѣ рамка и стрѣлка подвѣшены на тонкой металлической лентѣ; устанавливать ихъ необходимо по уровню и на всякое колебаніе стола, на которомъ они стоятъ, стрѣлка очень сильно отзывается; поэтому въ техникѣ довольно часто употребляютъ другого типа, болѣе грубые, гальванометры (фиг. 3 и 4).

гдѣ рамочка со стрѣлкой имѣютъ вращеніе на центрахъ, укрепленныхъ въ камняхъ на подобіе того, какъ это бываетъ въ часахъ. Послѣдніе инструменты бываютъ и съ горизонтальной шкалой (фиг. 3) и съ вертикальной (фиг. 4).

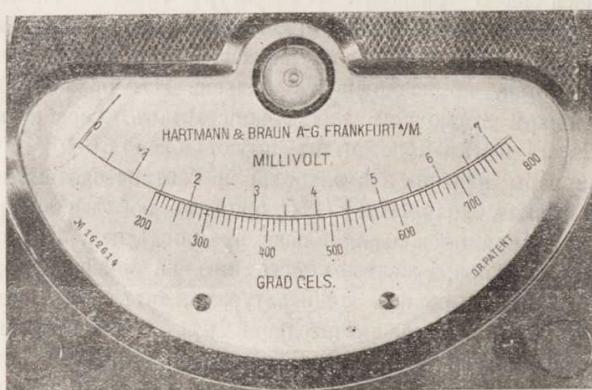
Но они имѣютъ большее трепѣ, а потому для отклоненія стрѣлки требуется большая сила тока, что достигается меньшимъ сопротивленіемъ гальванометра по

тивленія мѣдной проволоки и сопротивленія манганиновой проволоки. Температурный коэффиціентъ послѣдней, какъ извѣстно равняется плюю, а первый отъ  $3,7 \cdot 10^{-3}$  до  $4,45 \cdot 10^{-3}$ , смотря по чистотѣ мѣди. Въ новыхъ конструкціяхъ манганиновое сопротивленіе преобладаетъ чадъ мѣднымъ, и потому температурный коэффиціентъ невеликъ, такъ по опредѣленію у нѣкоторыхъ гальванометровъ онъ  $0,73 \cdot 10^{-3}$   $0,25 \cdot 10^{-3}$  и даже  $0,16 \cdot 10^{-3}$ ; въ гальванометрахъ старой конструкціи возможенъ и даже коэффиціентъ  $3,7 \cdot 10^{-3}$ .

Кромѣ того возможно, что длина мѣдныхъ проволокъ будетъ велика или съченіе ихъ недостаточно велико, такимъ образомъ внесется новое сопротивленіе, которое необходимо учесть.

Слѣдуетъ отмѣтить, что имѣется еще одно увеличеніе сопротивленія, которое не поддается никакому учету, но можетъ имѣть громадное значеніе на показаніе гальванометра — это сопротивленіе контакта. Слѣдуетъ внимательно слѣдить, чтобы и концы у проводовъ, и клеммы у гальванометра и у термоэлементовъ имѣли чистую металлическую поверхность, для чего необходимо, время отъ времени, очищать поверхность тонкой карборундовой или наждачной бумагой, такъ какъ, подъ вліяніемъ различныхъ газовъ, мѣдь покрывается разными окислами, которые проводятъ токи довольно плохо. Кромѣ того, необходимо слѣдить, чтобы концы проводовъ не брать пальцами, такъ какъ послѣдніе могутъ быть въ маслѣ и тогда опять сопротивленіе контакта можетъ быть очень велико.

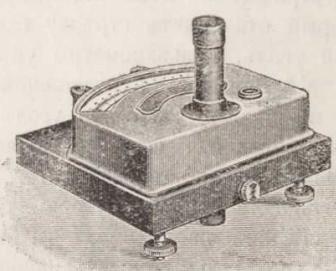
При опредѣленіи измѣненія сопротивленія цѣпи слѣдуетъ имѣть въ виду, что разныя фирмы, различно градуируютъ гальванометры: однѣ, какъ напр. Hartmann u. Braun наносятъ дѣленія гальванометра на милливольты,



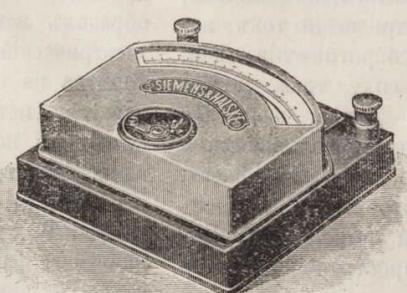
Фиг. 1.

сравненію съ инструментами первого типа. Вообще слѣдуетъ отмѣтить, что техника выполненія гальванометровъ за послѣднее время въ значительной мѣрѣ подвинулась впередъ и инструменты выпуска послѣднихъ лѣтъ имѣютъ большее сопротивленіе по сравненію съ инструментами, выпущенными съ фабрики лѣтъ десять тому назадъ; въ дальнѣйшемъ будетъ ясно какое вліяніе на точность показаній имѣть большое сопротивленіе гальванометра.

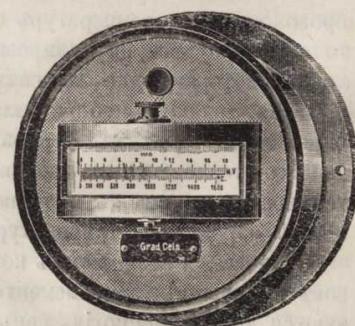
Предпославъ эти краткія указанія о термошарахъ и гальванометрахъ, перейдемъ къ выводу величины поправ-



Фиг. 2.



Фиг. 3.



Фиг. 4.

вокъ, но предварительно отмѣтимъ, что на гальванометрѣ нанесены дѣленія на градусы для опредѣленія термоэлемента и при опредѣленныхъ условіяхъ, такъ напримѣръ: чтобы температура клеммъ поддерживалась на извѣстной высотѣ, чтобы сопротивленіе цѣпи было опредѣленное число омъ и т. д. и что эти условія должны быть соблюдены вполнѣ точно. Разсмотримъ, какое вліяніе можетъ имѣть измѣненіе сопротивленія цѣпи и какъ его учесть. Отчего можетъ быть измѣненіе сопротивленія цѣпи? Прежде всего отъ измѣненія температуры самого гальванометра, такъ какъ, кажется, еще не дѣлаются гальванометры для широметровъ безъ температурного коэффиціента, а почти всегда сопротивленіе гальванометра состоитъ изъ сопро-

тивленія мѣдной проволоки и сопротивленія манганиновой проволоки. Температурный коэффиціентъ послѣдней, какъ извѣстно равняется плюю, а первый отъ  $3,7 \cdot 10^{-3}$  до  $4,45 \cdot 10^{-3}$ , смотря по чистотѣ мѣди. Въ новыхъ конструкціяхъ манганиновое сопротивленіе преобладаетъ чадъ мѣднымъ, и потому температурный коэффиціентъ невеликъ, такъ по опредѣленію у нѣкоторыхъ гальванометровъ онъ  $0,73 \cdot 10^{-3}$   $0,25 \cdot 10^{-3}$  и даже  $0,16 \cdot 10^{-3}$ ; въ гальванометрахъ старой конструкціи возможенъ и даже коэффиціентъ  $3,7 \cdot 10^{-3}$ .

Подсчитаемъ, какъ велика погрѣшность отъ измѣненія сопротивленія и какъ ввести соотвѣтствующую поправку.

Обозначимъ черезъ  $\Omega_0$  то сопротивленіе цѣпи, при которомъ былъ проградуированъ гальванометръ на милливольты, а черезъ  $\Delta\Omega_0$  то измѣненіе сопротивленія, кото-

гое имѣло мѣсто при производствѣ наблюденія, такъ что въ послѣднемъ случаѣ было сопротивление

$$\Omega = \Omega_0 + \Delta\Omega_0 \dots \dots \dots [1].$$

Слѣдуетъ отмѣтить, что  $\Delta\Omega_0$  можетъ быть какъ положительно, такъ и отрицательно.

Обозначимъ черезъ  $I_0$  силу тока въ цѣпи въ случаѣ градуировки и черезъ  $I$  силу тока въ цѣпи въ случаѣ наблюденія.

Отмѣтимъ, что

$$I = I_0 - \Delta I \dots \dots \dots [2].$$

Пусть далѣе вольтажъ термоэлемента какъ въ первомъ, такъ и во второмъ случаѣ былъ одинаковъ и равнялся  $E$ .

Можемъ написать слѣдующія равенства:

$$E = I_0 \cdot \Omega_0 \dots \dots \dots [3]$$

$$E = I \cdot \Omega \dots \dots \dots [4].$$

Отклоненія стрѣлки гальванометра пропорціональны силѣ тока и при постоянномъ сопротивленіи будутъ пропорціональны вольтажу и слѣдовательно пропорціональны показаніямъ гальванометра по шкалѣ напряженія. Такъ какъ коэффиціентъ пропорціональности  $\xi$  можно считать неизмѣннымъ, то, обозначивъ черезъ  $A_0$  показаніе гальванометра при сопротивленіи  $\Omega_0$  и черезъ  $A$  показаніе — при сопротивленіи  $\Omega$ , можемъ написать

$$A_0 = \xi I_0 \dots \dots \dots [5]$$

$$A = \xi I \dots \dots \dots [6].$$

Изъ равенствъ [3] и [4] можно написать

$$I_0 \Omega_0 = I \Omega \dots \dots \dots [7].$$

Въ послѣднее равенство можно подставить  $I$  и  $I_0$  изъ равенствъ [5] и [6], тогда получимъ послѣ сокращенія

$$A \cdot \Omega = A_0 \Omega_0 \dots \dots \dots [8].$$

Пусть

$$A_0 = A + \Delta A \dots \dots \dots [9],$$

тогда, слѣдовательно,  $\Delta A$  представляетъ собою поправку къ показанію гальванометра  $A$ , тогда можно написать, принимая во вниманіе равенства [1], [9]

$$A_0 = A \frac{\Omega}{\Omega_0} = A \frac{\Omega_0 + \Delta\Omega_0}{\Omega_0} = A + A \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} = A + \Delta A$$

откуда

$$\Delta A = A \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} \dots \dots \dots [10].$$

Если мы имѣемъ зависимость между показаніями гальванометра по шкалѣ напряженія и шкалѣ температуръ въ видѣ таблицы, то возможно по наблюденнѣй температурѣ  $T$  вычислить показаніе  $A$ , затѣмъ можно опредѣлить по формулѣ [10]  $\Delta A$  сложить его съ  $A$ , получимъ  $A_0$  и по нему обратно вычислить  $T_0$ . Слѣдуетъ одинъ примѣръ.

Положимъ, имѣется такая зависимость для гальванометра.

Температура:	1000	1100	1200	1300	1400	1500	$^{\circ}\text{C}$ .
Напряженіе:	9,59	10,77	11,98	13,23	14,51	15,83	mV.

Гальванометръ показывалъ  $1280^{\circ}$ , но, такъ какъ онъ былъ нагрѣтъ, то сопротивленіе его увеличилось такъ, что  $\frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} = +0,023$ .

Опредѣляемъ сначала, какому напряженію  $A$  соотвѣтствуетъ показаніе гальванометра  $1280^{\circ}$

1300 <sup>0</sup>	...	13,23 mV
1200 <sup>0</sup>	...	11,98 mV
100 <sup>0</sup>	...	1,25 mV
80 <sup>0</sup>	...	0,81,25 mV = 1,00 mV.
1200 <sup>0</sup>	...	11,38 mV
1280 <sup>0</sup>	...	12,98 mV = A.

Подсчитаемъ чмъ равняется  $\Delta A$ .

$$\Delta A = A \cdot \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} = 12,98 \cdot 0,023 = 0,298 = 0,30 \text{ mV}.$$

$$\text{Слѣдовательно, } A_0 = A + \Delta A = 12,98 + 0,30 = 13,28 \text{ mV}.$$

А теперь подсчитаемъ, сколькимъ градусамъ соотвѣтствуетъ  $13,28 \text{ mV}$ .

1400 <sup>0</sup> — 14,51 mV	13,28 mV
1300 <sup>0</sup> — 13,23 mV	13,23 mV
100 <sup>0</sup> 1,28 mV	0,05 mV.

$$\text{Откуда } 100 : 1,28 = x : 0,05; x = \frac{100 \cdot 0,05}{1,28} = 3,9 \infty 4 \text{ } ^{\circ}\text{C}.$$

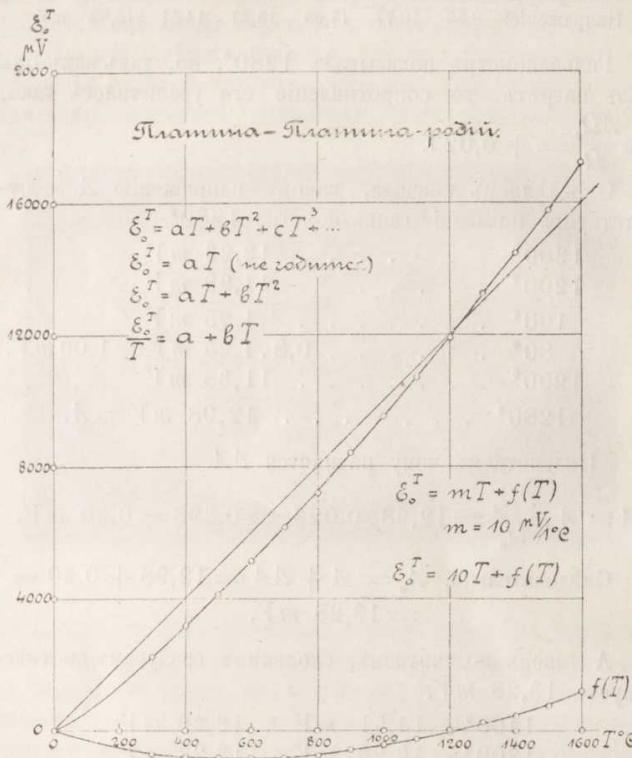
Слѣдовательно, наблюданная температура была  $T^0 = 1300 + 4 = 1304^{\circ}$ . Или, такъ какъ при такихъ высокихъ температурахъ точность наблюденія  $5^{\circ}\text{C}$ , то слѣдовательно, надо считать  $T^0 = 1305^{\circ}$ .

Этотъ способъ немного сложень и многодѣленъ, поэтому возникаетъ вопросъ, нельзѧ ли зависимость между температурой и вольтажемъ представить въ видѣ алгебраической функции, настолько простой, чтобы поправку было удобно высчитать при помощи счетной линейки.

Оказывается, что хотя это и возможно, такъ какъ зависимость  $E_0^T$  отъ  $T$  выражается довольно хорошо при помощи квадратной формулы, но вычислять поправки при помощи этой формулы было бы ошибкой, такъ какъ по существу это сводится къ определенію первой производной отъ полученной функции и определенія черезъ нее приращенія  $\Delta T$  отъ приращенія  $\Delta E$ .  $A$ , какъ извѣстно, при пользованіи приближенными формулами надо быть очень осторожнымъ и можно пользоваться производными только тогда, когда навѣрное извѣстно, что законъ сглаживания соотвѣтствуетъ истинѣ. Здѣсь не мѣсто подробнѣе останавливаться на разсмотрѣніи этого вопроса, но авторъ надѣется вернуться къ этому вопросу въ специальной статьѣ.

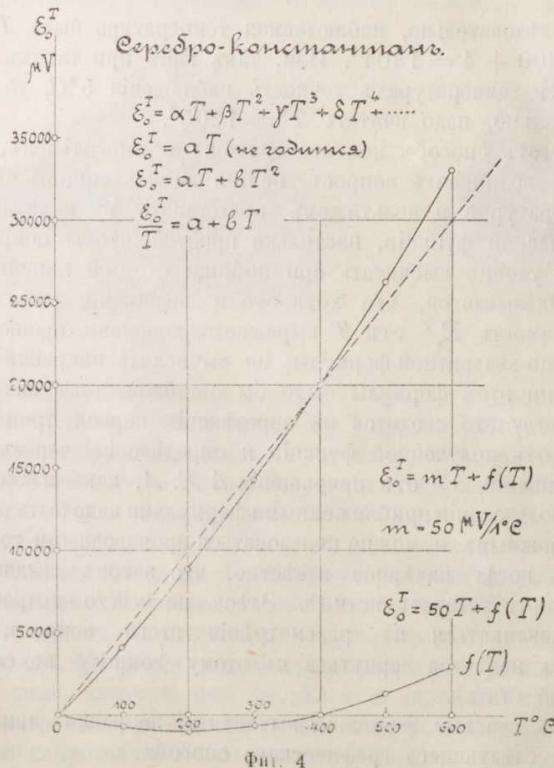
Къ счастью возможно вычислять поправки при помощи слѣдующаго графического способа.

На диаграммѣ зависимости вольтажа отъ температуры (диаграмма  $E_0^T, T$  фиг. 3 и 4) мы проведемъ черезъ



Фиг. 3.

начало координатъ прямую, которая бы пересѣкла кривую зависимости  $E_0^T$  отъ  $T$ , при чмъ угловой коэф-

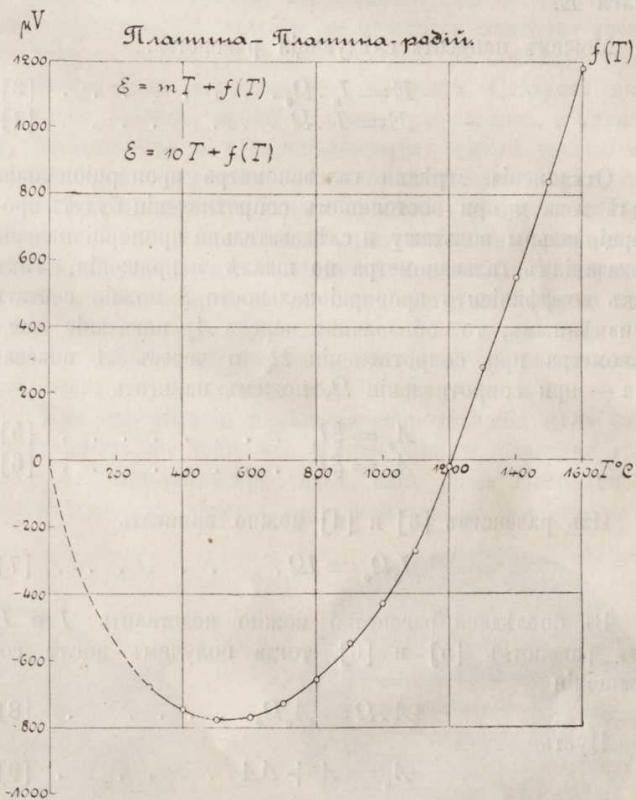


Фиг. 4.

фиціентъ удобнѣе взять для вычислениія выраженный какимъ-нибудь круглымъ числомъ, напр., для платины—платины-родія удобно взять  $10\mu V/10^{\circ}C$ , для серебра-константана  $50\mu V/10^{\circ}C$ . Если для каждой температуры опредѣлимъ разность значенія кривой  $E_0^T, T$  и проведенной прямой и построимъ кривую  $f(T)$ , то послѣдняя кривая будетъ характеризовать отступленія зависимости  $E_0^T, T$  отъ закона прямой и поэтому для краткости мы ее будемъ называть „характеристикой“, такимъ образомъ получается такое выражение

$$E_0^T = mT + f(T) \dots \dots \dots [11].$$

Какъ видно на чертежахъ (фиг. 3 и 4), гдѣ характеристика вычерчена, послѣдняя очень немнога удалется



Фиг. 5.

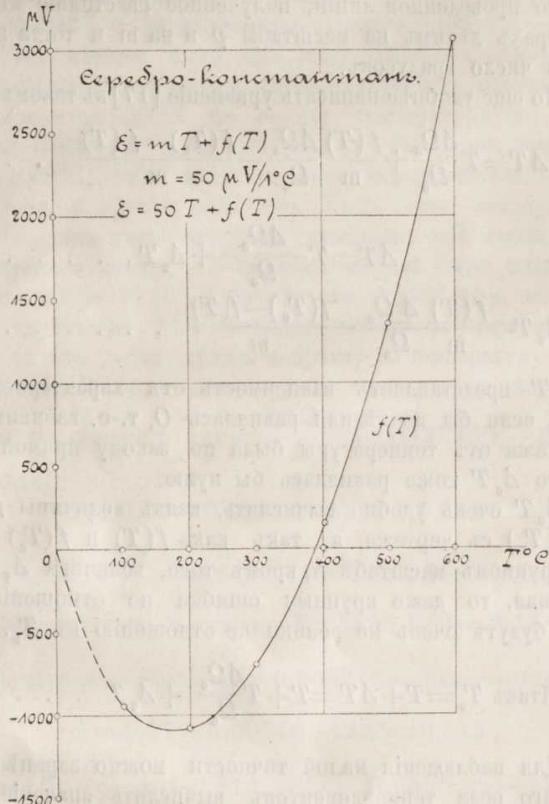
отъ оси абсциссъ, поэтому возможно перемѣнить масштабъ и получить характеристики для серебро-константана и платины—платины-родія, показанныя на чертежахъ (фиг. 5 и 6). Такъ какъ масштабъ можно взять очень крупный по сравненію съ первой діаграммой, то является возможность удобно вычерчивать индивидуальныя различія термоэлементовъ, что почти недоступно въ діаграммѣ  $E_0^T, T$ .

Разсмотримъ подробнѣе свойства характеристики. Положимъ, требуется опредѣлить  $E_0^T$  по заданному  $T$ . Удобнѣе вычислить  $mT$  и прибавить значение характеристики  $f(T)$  для данного  $T$ ; но при решеніи нѣкоторыхъ задачъ надо знать, какъ графически найти  $E_0^T$  (фиг. 7): строимъ угол  $OMN$ , тангенсъ котораго равенъ коэффициенту  $m$ , затѣмъ откладываемъ по оси абсциссъ значение  $T$ , возста-

новляемъ перпендикулярно до пересѣченія съ линіей  $f(T)$  и черезъ полученну точку  $A$  проводимъ линію, параллельную линіи  $MN$  до пересѣченія съ осью абсциссъ въ точкѣ  $K$ , тогда изъ уравненія [11] ясно, что  $OK$  будетъ равно  $E_0^T$ , такъ какъ  $OK = KB + BO$ , а изъ подобія треугольниковъ  $KBA$  и  $PMN$  слѣдуетъ, что  $KB = m \cdot AB = mT$  съ другой стороны  $OB = AC = f(T)$ .

Обратно, пусть дано  $E_0^T$  и требуется найти  $T$ , удовлетворяющее уравненію [11]. Такъ какъ не всегда на чертежѣ возможно отложить величину  $E_0^T$ , то перепишемъ уравненіе [11] въ такой формѣ

$$f(T) = E_0^T - mT \quad \dots \dots \dots [12].$$



Фиг. 6.

Ясно, что значение  $T$  найдется пересѣченіемъ кривой  $f(T)$  съ прямой, выраженной уравненіемъ  $E_0^T - mT$ .

Провести эту линію можно слѣдующимъ образомъ: приравняемъ выражение  $E_0^T - mT$  нулю, т.-е. найдемъ при какомъ значеніи  $T$  равны  $\Theta$ , линія эта будетъ пересѣкать ось абсциссъ, т.-е. рѣшимъ уравненіе

$$E_0^T - m\Theta = 0 \text{ относительно } \Theta \text{ получимъ}$$

$$\Theta = \frac{E_0^T}{m} \quad \dots \dots \dots [13],$$

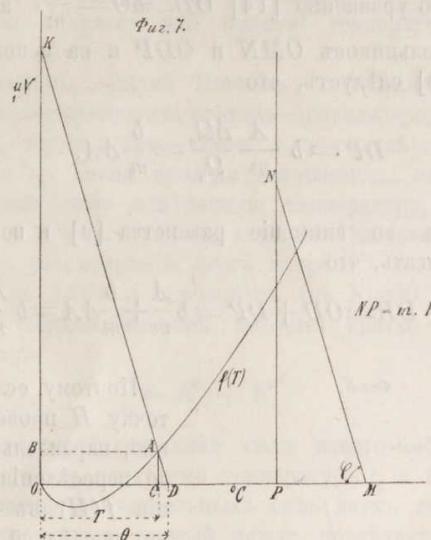
т.-е.  $\Theta$  представляетъ собою температуру въ случаѣ идеальной термопары, когда  $f(T) = 0$ , а, зная значение  $\Theta$ , откладываемъ его отъ начала координатъ и черезъ полученную точку  $D$  проводимъ прямую, параллельную  $MN$  до пересѣченія съ линіей  $f(T)$  въ точкѣ  $A$ , изъ которой опускаемъ перпендикуляръ на ось абсциссъ и на-

ходимъ значение  $T$ , соответствующее заданному значению  $E_0^T$ .

Замѣтимъ, что, если въ уравненіе [13] подставимъ значение  $E_0^T$  изъ равенства [11], то получимъ

$$\Theta = \frac{E_0^T}{m} = \frac{mT}{m} + \frac{f(T)}{m} = T + \frac{f(T)}{m} \quad \dots \dots [14],$$

выраженіе необходимое для нѣкоторыхъ построеній.



Фиг. 7.

Кромѣ того, каждому  $E_0^T$  соответствуетъ только одно  $\Theta$ , такъ какъ  $\Theta = \frac{E_0^T}{m}$ , поэтому линія, проведенная че-резъ точку  $D$ , значение которой  $\Theta$ , будетъ представлять собою линію равныхъ напряженій.

Ознакомившись съ предложеннымъ методомъ изобра-женія характеристики, перейдемъ къ разсмотрѣнію выра-женія поправокъ для разныхъ случаевъ.

#### Поправка на измѣненіе сопротивленія цѣпи.

Положимъ для нашего гальванометра справедливо

$$A = mT + f(T) \quad \dots \dots \dots [15].$$

извѣстно сопротивленіе  $\Omega_0$ , измѣненіе сопротивленія  $\Delta \Omega_0$  и отчетъ  $T$  по шкалѣ температуры, требуется найти по-правку  $\Delta T$  или что то же отчетъ  $T_0$ , который бы былъ бы въ томъ случаѣ, если бы сопротивленіе гальванометра оставалось бы  $\Omega_0$ .

Задачу эту можно рѣшить нѣсколькими способами. Первый способъ графическій. Вычерчиваемъ  $f(T)$  (фиг. 8), принявъ  $b \text{ м}/\text{м} = 1^\circ\text{C}$  для оси абсциссъ и  $p \text{ м}/\text{м} = 1$  микровольту для оси ординатъ. Далѣе принимаемъ  $q \text{ м}/\text{м} = 1$ ому и откладываемъ  $OM = q\Omega_0$ . При точкѣ  $M$  стро-ять уголъ  $\varphi$ , тангенсъ котораго равняется  $\frac{p}{b}$  и на дру-гой сторонѣ этого угла откладываютъ  $MN = q \cdot \Delta \Omega$ , че-

результатом полученную точку  $N$  и точку  $O$  проводят прямую  $ON$ .

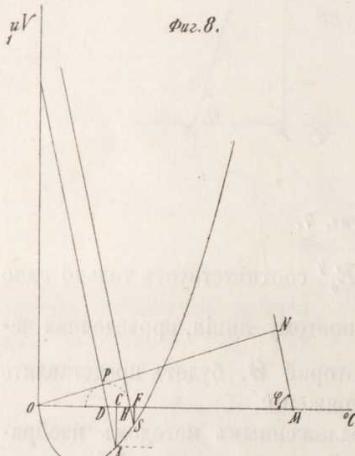
Далее откладывают  $OC$  равное  $bT$ , проводят через точку  $C$  перпендикуляр до пересечения с линией  $f(T)$  в точке  $A$ ; через последнюю точку проводят линию, параллельную  $MN$ . Пересечение этой линии с осью абсцисс даст точку  $D$ , а с линией  $ON$  точку  $P$ .

Согласно уравнению [14]  $OD = b\theta = \frac{bA}{m}$ , а из подобия треугольников  $OMN$  и  $ODP$  и на основании равенства [10] следует, что

$$DP = b \frac{A}{m} \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} = \frac{b}{m} \Delta A.$$

Приняв во внимание равенства [9] и построение, можно написать, что

$$OH = OD + DH = OD + DP = b \frac{A}{m} + \frac{b}{m} \Delta A = b \frac{A_0}{m} = b\theta_0.$$



Фиг. 8.

Поэтому, если через точку  $H$  проведем линию, параллельную  $MN$  до пересечения с линией  $f(H)$  в точке  $I$  и из последней опустим перпендикуляр на ось абсцисс до пересечения в точке  $F$ , то

$$OF = bT_0$$

а следовательно,

$$CF = b\Delta T.$$

Но этот способ имеет некоторые недостатки: приходится иметь дело с масштабом  $b$ , а он очень мелок, поэтому большей точностью будет обладать следующий способ, где  $\Delta T$  получается частью из вычислений, частью из построения.

## Способ II.

Из выражения

$$\Delta A = A \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} \quad [10]$$

пользуясь равенством [9] можно написать

$$A_0 - A = A \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} \quad [16]$$

На основании зависимости [15] возможно написать

$$A_0 - A = mT_0 + f(T_0) - mT - f(T) = [mT + f(T)] \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0}$$

$$\text{откуда } T_0 - T = \Delta T = \left[ T + \frac{f(T)}{m} \right] \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} = \frac{f(T_0) - f(T)}{m} = \\ \Theta \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} - \frac{f(T_0) - f(T)}{m} \quad . . . . . [17]$$

Величина  $T$  нам известна,  $\Delta T$  мы вычисляем, для чего множим величину  $\Theta$  на отношение  $\frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0}$ , а потом определяем по чертежу  $f(T_0) - f(T)$ , что удобно произвести таким образом: через точку  $A$  проводим прямую параллельную оси абсцисс, ставим ножку циркуля в точку  $S$  и определяем расстояние точки  $S$  от только что проведенной линии, полученное расстояние в миллиметрах делим на масштабы  $r$  и на  $m$  и тогда получаем число градусовъ.

Но еще удобнее написать уравнение [17] в таком виде

$$\Delta T = T \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} + \frac{f(T)}{m} \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} - \frac{f(T_0) - f(T)}{m} \quad . . . . . [18]$$

или

$$\Delta T = T \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} + A_2 T \quad . . . . . [19]$$

$$\text{где } A_2 T = \frac{f(T)}{m} \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} - \frac{f(T_0) - f(T)}{m} \quad . . . . . [20]$$

и  $A_2 T$  представляет зависимость от характеристики, ведь, если бы последняя равнялась  $O$ , т.-е. зависимость вольтажа от температуры была по закону прямой линии, то  $A_2 T$  тоже равнялась бы нулю.

$A_2 T$  очень удобно вычислять, взяв величины  $f(T)$  и  $f(T_0)$  с чертежа, а, так как  $f(T)$  и  $f(T_0)$  даны в крупном масштабе и, кроме того, величина  $A_2 T$  не большая, то даже крупные ошибки по отношению к  $A_2 T$  будут очень не велики по отношению к  $T_0$ .

$$\text{Итак } T_0 = T + \Delta T = T + T \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} + A_2 T \quad . . . . . [21]$$

Для наблюдения малой точности можно заранее для каждого рода термоэлементов вычислить значение  $\Delta T$ , которое удобно представить в таком виде

$$\Delta T = a_c T \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} \quad . . . . . [22]$$

Где  $a_c$  будет коэффициент, зависящий от рода термоэлемента, т.-е. от уравнения  $E = mT + f(T)$ , от  $T$  и слабой степени от величины  $\frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0}$ , последней зависимостью можно пренебречь.

Из уравнений [19] и [22] следует, что

$$a_c = 1 + \frac{A_2 T}{T \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0}} \quad . . . . . [23]$$

Эти вычисления были произведены для термопары платина-платина-родий и серебро-константан и дали следующие значения:

Термопара платина-платина-родій въ предѣлахъ 300—  
1300°

$$a_c = 0,87 - 0,000046 \quad T \dots \dots \dots [24].$$

Температура серебро-константанъ въ предѣлахъ 100—  
500°

$$a_c = 0,94 - 0,00034 \quad T \dots \dots \dots [25].$$

Чтобы иллюстрировать, какія могутъ быть разницы при употреблениі инструментовъ старой конструкціи и безъ принятія во вниманіе температурнаго коэффиціента, разберемъ одинъ примѣръ. Положимъ, мы измѣряли при помощи гальванометра съ температурнымъ коэффиціентомъ 0,0037 и термоэлемента платина - платина - родій, при чёмъ клеммы были при пулѣ градусовъ. Гальванометръ имѣть градуировку, справедливую при температурѣ гальванометра 20°C., но въ эту температуру его было нельзя помѣстить и первый разъ онъ былъ при температурѣ +38°C., такъ какъ его пришлось помѣстить на самой печи, а другой разъ онъ былъ при температурѣ +5°C., такъ какъ онъ былъ помѣщенъ въ помѣщенія, занимаемаго печью. Въ первомъ случаѣ было показаніе гальванометра 1120°, а во второмъ 1235°, т.-е. во второмъ случаѣ на 115° больше, нежели въ первомъ, но такъ ли это, если сдѣлать поправку на температуру гальванометра. Введемъ поправку на температуру гальванометра. Въ первомъ случаѣ  $\frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} = 0,0037 (38 - 20) = 0,0666.$

$$a_c = 0,87 - 0,00046 \cdot 1120 = 0,818$$

$$\Delta T = a_c \cdot T \cdot \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} = 0,818 \cdot 1120 \cdot 0,0666 = 60,6 \approx 61^{\circ}.$$

Слѣдовательно, истинная  $T = 1120 + 61 = \infty 1180^{\circ}$ .

$$\text{Во второмъ случаѣ } \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} = 0,0037 (5 - 20) = -0,0555.$$

$$a_c = 0,87 - 0,00046 \cdot 1235 = 0,813$$

$$\Delta T = a_c \cdot T \cdot \frac{\Delta\Omega_0}{\Omega_0} = -0,813 \cdot 1235 \cdot 0,0555 = -55,5 \approx -56^{\circ}.$$

Истинная температура  $T_0 + \Delta T = 1235 - 56 = \infty 1179^{\circ} \approx 1180^{\circ}$ .

Итакъ, испытуемая температура была одна и та же, а разница въ 115° получилась исключительно за счетъ неумѣлаго пользованія приборомъ.

#### Поправка на температуру клеммъ.

У гальванометра дѣленія градусовъ наносятся такъ, что показанія правильны при условіи, что температура клеммъ, т.-е. мѣсть соединенія проволокъ термоэлементовъ съ проводами гальванометра всегда мѣдными, должна быть 0°<sup>1)</sup>.

<sup>1)</sup> Впрочемъ теперь появились гальванометры для термопаръ платина-платина-родій, где дѣленія нанесены при условіи, что температура клеммъ=20°C.

Термоэлементы повѣряются, т.-е. находятся зависимость между напряженіемъ и температурой „горячаго“ спая тоже при условіи, что температура клеммъ равняется нулю градусовъ. Въ дѣйствительности при пользованіи термоэлементами въ техникѣ это условіе очень рѣдко соблюдается, такъ какъ не всегда имѣется подъ руками ледъ, да и не всегда удобно бываетъ имъ пользоваться.

Въ виду этого обыкновенно наблюдаютъ температуру клеммъ и къ показаніямъ гальванометра прибавляютъ извѣстную поправку или полную температуру клеммъ или часть ея.

Напримѣръ, фирма Hartman und Braun совѣтуетъ въ случаѣ термоэлемента платина—платин-родій—прибавлять  $\frac{1}{2}$  температуры клеммъ, а въ случаѣ серебро-константанъ  $\frac{2}{3}$ . Такая простая зависимость, не принимая во вниманіе даже измѣряемую температуру, но и безъ указанія величины ошибки, невольно заставляетъ обратиться къ разсмотрѣнію этого вопроса<sup>1)</sup>.

Еще въ 1863 г. Авенаріусъ (въ Кіевѣ) вывелъ за конѣ для термоэлементовъ, который кратко можно выразить такъ:

$$E_{t_1}^{t_3} = E_{t_1}^{t_2} + E_{t_2}^{t_3} \dots \dots \dots [26],$$

т.-е. электровозбудительная сила какого-нибудь термоэлемента между предѣлами температуръ  $t_1$  и  $t_3$  равняется суммѣ электровозбудительныхъ силъ двухъ термоэлементовъ, находящихся: первый между предѣлами  $t_1$  и  $t_2$ , а второй между  $t_2$  и  $t_3$ .

Положимъ, что  $t_1 = 0^{\circ} C$ .  $t_2 = t_k$ , и  $t_3 = T_0$  тогда имѣемъ

$$E_0^{T_0} = E_{t_k}^{t_k} + E_{t_k}^{T_0} \dots \dots \dots [27].$$

Въ томъ случаѣ, если  $t_k$  температура клеммъ, то гальванометръ измѣряется только вольтажъ  $E_{t_k}^{T_0}$ , а такъ какъ дѣленія на гальванометрѣ нанесены, считая низшую температуру равной 0°C, то мы можемъ написать, что

$$E_{t_k}^{T_0} = E_0^T \dots \dots \dots [28],$$

гдѣ  $T$  представляетъ отчетъ по шкалѣ градусовъ. Слѣдовательно, вмѣсто истинной температуры  $T_0$  мы получили отчетъ  $T$  нѣсколько менѣшій и намъ надо найти, чemu равняется разность

$$T_0 - T = \Delta T \dots \dots \dots [29],$$

которая и будетъ представлять поправку, вызванную тѣмъ, что температура клеммъ не 0°, а  $t_k$ .

Соединяя вмѣстѣ равенства [27] и [28], получимъ

$$E_0^{T_0} = T_0^{t_k} + E_0^T \dots \dots \dots [30].$$

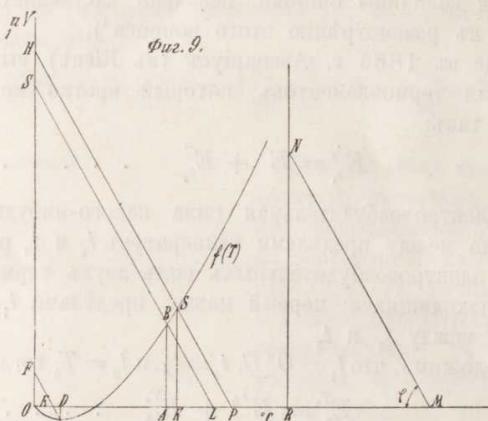
Слѣдовательно вопросъ сводится къ сложенію двухъ электродвижущихъ силъ на діаграммѣ характеристики. Обратимся къ чертежу (фиг. 9).

<sup>1)</sup> За послѣднее время Technisch—Physikalische Reichsanstalt для термопаръ серебро-константанъ даетъ таблицу поправокъ при условіи, что температура клеммъ между 0 и 20°C, что очень трудно достигнуть при работе въ котельной; для термопары платина-платина-родій поправка дается въ видѣ  $0,5(t_k - 20)$  въ томъ случаѣ, если дѣленія гальванометра на градусы нанесены при условіи—температура клеммы=20°C.

Пусть  $OD=t_k$ ,  $OA=T$ , восстанавливаем изъ точекъ  $D$  и  $A$  перпендикуляры до пересѣченія съ линіей  $f(T)$  въ точкѣ  $C$  и  $B$ , строимъ уголъ  $\varphi$ , тангенсъ котораго равняется  $m$ , черезъ точки  $C$  и  $B$  проводимъ линіи параллельныя сторонѣ  $MN$  угла  $\varphi$  до пересѣченія съ осью ординатъ въ точкахъ  $F$  и  $G$  и съ осью абсциссъ въ точкахъ  $E$  и  $L$ . На основаніи предыдущаго можемъ написать, что  $OF=E_0^{t_k}$  и  $OG=E_0^T$ .

Откладываемъ  $GH=OE$ , тогда получимъ  $OH=OG+GH=OG+OF=E_0^T+E_0^{t_k}=E_0^{T+t_k}$ .

Черезъ полученную точку  $H$  проводимъ линію, параллельную  $MN$  до пересѣченія съ линіей  $f(T)$  въ точкѣ  $S$  и съ осью абсциссъ въ точкѣ  $P$ . Изъ точки  $S$  опускаемъ перпендикуляръ на ось абсциссъ до пересѣченія въ точкѣ  $K$ . На основаніи изложеннаго  $OK=T_0$ .



Фиг. 9.

Обратимъ вниманіе на то, что изъ подобія треугольниковъ слѣдуетъ, что  $OE=LP$ , т.-е. что

$$\Theta_0 = \Theta + \Theta_k \dots [31].$$

Это въ значительной мѣрѣ облегчаетъ построение, такъ какъ обычно пересѣченіе съ осью ординатъ не происходитъ въ предѣлахъ чертежа.

Для вычисленій удобнѣе пользоваться другимъ способомъ вычисленія. Изъ уравненія [30] слѣдуетъ

$$E_0^{T_0} - E_0^T = E_0^{t_k} \dots [32],$$

или

$$mT_0 + f(T_0) - mT - f(T) = mt_k + f(t_k), \text{ откуда}$$

$$T_0 - T = \Delta T = t_k + \frac{f(t_k)}{m} - \frac{f(T_0) - f(T)}{m} \dots [33].$$

Для наблюденій малой точности послѣднюю формулу можно написать такъ

$$\Delta_k T = a_k t_k. [34]$$

$$\text{гдѣ } a_k = 1 + \frac{f(t_k) - f(T_0) + f(T)}{mt_k} [35].$$

По вычисленію  $a_k$  при условіи  $t_k$  отъ 0 до  $50^\circ$  выражается слѣдующими приближенными уравненіями

Платина-платина-родій  $T$  отъ 200 до  $600^\circ$

$$a_k = 0,76 - 0,0003T \dots [36].$$

Платина-платина-родій  $T$  отъ 600 до  $1500^\circ$

$$a_k = 0,64 - 0,0001T \dots [37].$$

Серебро-константанъ  $T$  отъ 100 до  $400^\circ$

$$a_k = 0,87 - 0,0006T \dots [38].$$

Серебро-константанъ  $T$  отъ 400 до  $600^\circ$

$$a_k = 0,77 - 0,00035T \dots [39].$$

При наблюденіяхъ большой точности слѣдуетъ для данной температуры вычертить  $f(T)$  и дѣлать поправки по формулѣ [33].

#### Поправка на дѣленія гальванометра.

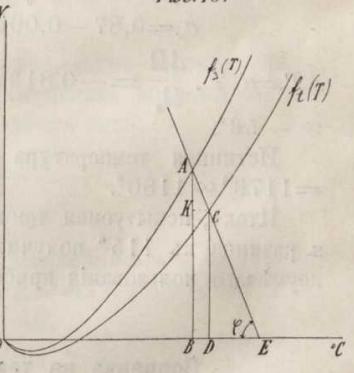
Дѣленія на градусы гальванометра наносятся въ сопствѣствіи съ термоэлектрической способностью опредѣленного термоэлемента, но разныя термопары изъ одинаковыхъ металловъ обладаютъ разными характеристиками, благодаря случайнымъ примѣсямъ, что наглядно видно, если просмотрѣть приводимыя ниже два свидѣтельства Technisch—Physikalische Reichsanstalt'a для двухъ платина-платина-родіевыхъ термопаръ.

	0°	300°	600°	900°	1200°	1500°	<i>mV</i>
№ 2801	0,00	2,27	5,15	8,33	11,81	15,58	<i>mV</i>
№ 7616	0,00	2,32	5,23	8,45	11,98	15,83	<i>mV</i>

Такъ какъ обыкновенно отъ разныхъ случайностей термопара портится гораздо быстрѣе, нежели гальванометръ, то приходится послѣдній употреблять не съ

той термопарой, по термоэлектрической способности которой на немъ были нанесены дѣленія на градусы; а въ такомъ случаѣ необходимо вносить поправку къ показаніямъ гальванометра, поправку на идентичность дѣленій гальванометра съ термоэлектрической характеристикой и отребленной термопары.

Фиг. 10.

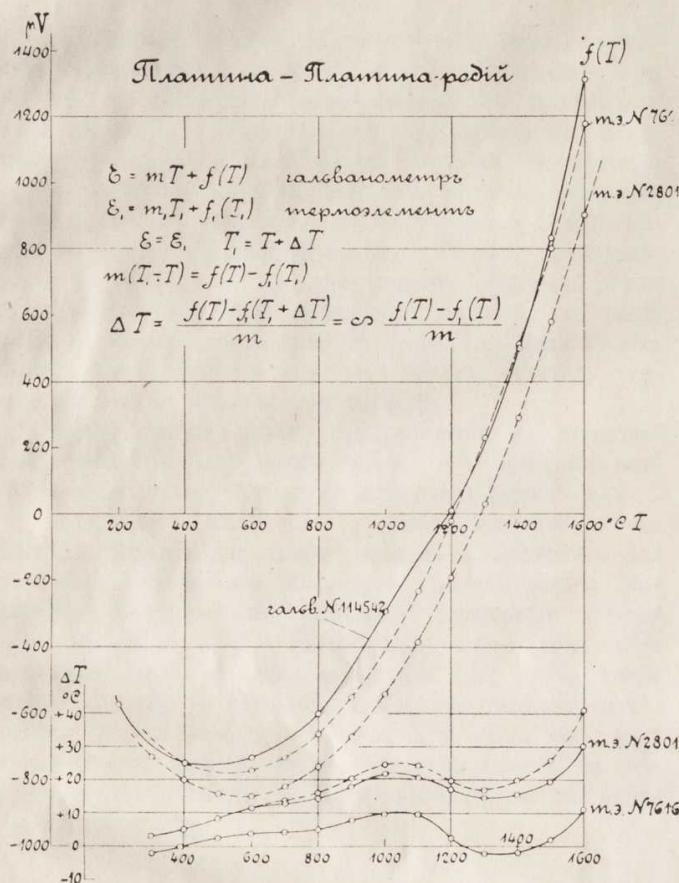


Фиг. 10.

Расчитывать вывести какую-либо закономѣрность, выраженную въ видѣ математической формулы для термоэлектрической характеристики для термопары и для гальванометра отнюдь нельзя, поэтому придется воспользоваться графическимъ методомъ характеристики.

Напослѣдокъ на одинъ чертежъ (фиг. 10) характеристику гальванометра  $f_g(T)$  и характеристику термо-

пары  $f_i(T)$ , откладываем  $OB$ , равное  $bT$ ; восстанавливаем перпендикуляръ, проводимъ его до пересѣченія съ характеристикой гальванометра въ точкѣ  $A$ . Черезъ послѣднюю точку проводимъ линію  $A E$  подъ угломъ  $\varphi$  къ оси абсциссъ, при чемъ  $\operatorname{tg} \varphi = m$ . Эта линія пересѣкаетъ характеристику термопары въ точкѣ  $C$ . Опустимъ изъ нея перпендикуляръ на ось абсциссъ до пересѣченія въ точкѣ  $D$ . Какъ ранѣе мы отмѣтили, линія  $A E$  является линіей равнаго вольтажа. Слѣдовательно,  $OD$  будетъ равно  $T_0$ . Но удобнѣе воспользоваться другимъ выраж еніемъ для опредѣленія величины поправки  $\Delta T$ .



Фиг. 11.

Положимъ, что у гальванометра зависимость вольтажа отъ температуры выражается такимъ уравненіемъ:

$$A_0^T = mT + f_g(T) \quad [40],$$

$$\text{а термопары } E_0^T = mT_0 + f_i(T_0) \quad [41]$$

такъ

$$A_0^T = E_0^T \quad \dots \dots \dots \quad [42],$$

то можно написать  $mT + f_g(T) = mT_0 + f_i(T_0)$  откуда

$$T_0 - T = \Delta T = \frac{f_g(T) - f_i(T_0)}{m} \quad \dots \dots [43]$$

слѣдуетъ отмѣтить, что  $AC$  (фиг. 10) равняется

$$\overline{AC} = p \cdot \frac{f_g(T) - f_i(T_0)}{Cs\varphi}$$

$$\text{Слѣдовательно } \Delta T = T \cdot \frac{S\eta\varphi}{p \cdot m} \cdot \overline{AC} \quad \dots \dots [44],$$

т.-е. равняется постоянному коэффиціенту, помноженному на разстояніе  $\overline{AC}$ , что измѣрять гораздо скорѣе, нежели опредѣлять разность значеній  $f_g(T)$  и  $f_i(T_0)$ .

Чтобы показать, какъ велики могутъ быть ошибки, вычерчена діаграмма (фиг. 11). Здѣсь нанесены характеристики: гальванометра № 114542 по свидѣтельству, (Technisch—Physikalische Reichsanstalt'a и двухъ термоэлементовъ (свидѣтельства № 2801 и 7616).

Внизу показаны поправки къ показаніямъ гальванометра при употреблениіи того и другого термоэлемента, пунктиромъ показана поправка, вычисленная по приближенной формулѣ

$$\Delta T = \cos \frac{f_g(T) - f_i(T)}{m} \quad \dots \dots [45] \text{ оказывается}$$

въ данномъ случаѣ еще можно было пользоваться, пока  $\Delta T$  не превышаетъ  $10^\circ$ .

Какъ велика могла быть ошибка при измѣрепіи, показываетъ слѣдующій примѣръ. Положимъ, мы поставили термоэлементъ № 7616 въ топку и гальванометръ показывалъ  $1300^\circ$ , другой термоэлементъ № 2801 мы поставили въ дымоходѣ и онъ показывалъ  $1100^\circ$ , а въ дѣйствительности температуры были  $1300 - 2 = 1298$  и  $1100 + 21 = 1121$ , такъ что вмѣсто  $200^\circ$  разница температуръ была  $1298 - 1121 = 177^\circ$  или ошибка была въ  $13\%$ , а могли быть случаи, что и другія поправки не были введены и, слѣдовательно, ошибка могла и еще возрасти.

Порядокъ внесенія поправокъ долженъ быть слѣдующій: вначалѣ опредѣляется по характеристицѣ гальванометра поправка на измѣненіе сопротивленія гальванометра, затѣмъ дѣлаютъ поправку на неидентичность характеристицѣ гальванометра и термопары и уже потомъ по характеристицѣ термопары вносятъ поправку на температуры клеммъ.

*H. B. Арбатскій.*

— 2 —  
 № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.  
 № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

## Способъ нанесенія дѣленія шкалы, неравномѣрной по длини, но равномѣрной по объему.

Инж. Мех. И. В. Арбатскаго.

На практикѣ обычно не градуируют баковъ по способу неравномѣрной по длини шкалы, а равномѣрной по объему, довольствуются только тѣмъ, что наполняютъ бакъ жидкостью, взѣшивши ее предварительно, отмѣчаютъ уровни до и послѣ налива и затѣмъ полученнюю длину размѣщають, считая, что бакъ строго цилиндриченъ, и, такимъ образомъ, получаютъ шкалу равномѣрную по длини. Въ дѣйствительности полной цилиндричности не бываетъ и по полученнымъ мѣткамъ нельзя судить ни о количествѣ имѣющейся жидкости въ бакѣ, ни о количествѣ вновь налитой жидкости. Какая ошибка можетъ быть даже при круглыхъ бакахъ, читатель увидить изъ ниже приведенного примѣра.

Между прочимъ такое градуированіе не представляетъ никакихъ затрудненій, почему я и предлагаю описание, какъ мною былъ проградуированъ одинъ бакъ.

Бакъ этотъ желѣзный, круглый, расположенный въ землѣ и служить для слива нефтяныхъ остатковъ для отопленія Химического Института Императорского Московскаго Техническаго Училища. Нефтяные остатки принимались съ вѣсу и сливались въ этотъ бакъ. Необходимо было его проградуировать для того, чтобы имѣть контроль за вѣсами и чтобы ежедневнымъ измѣреніемъ опредѣлять расходъ топлива за день, такъ какъ въ котельной имѣлся лишь маленький бачекъ на пѣсколько часовъ работы, которымъ измѣрять расходъ нефти было невозможно.

уникальный архивный фондъ изъ подъ  
 № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.  
 № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

0,001. Использованы изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

и въ первомъ мѣсяце эксплуатации изъ подъ № 125411. Стартовом. Топливо — 8,785 т.

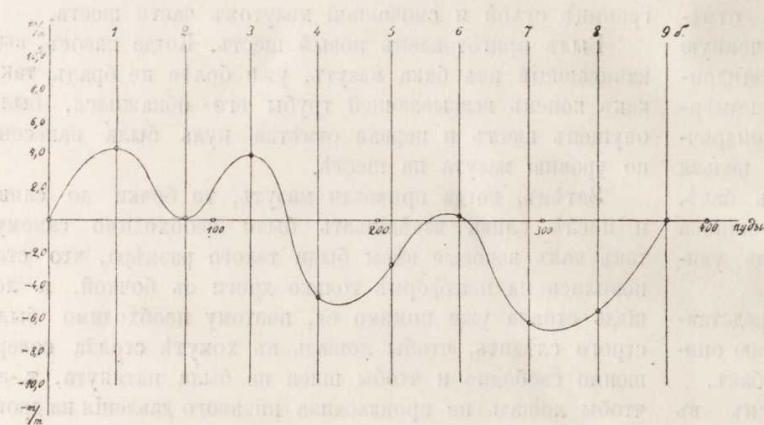
Таблица 1.

№	ВОЧЕКЪ.	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	Вѣсъ слитыхъ бочекъ . . . . .	41,75	42,0	39,25	41,0	44,5	41,5	42,0	42,0	41,5
2	Вѣсъ слитой жидкости въ бакъ въ пудахъ.	41,75	83,75	123,0	164,0	208,5	250,0	292,0	334,0	375,5
3	Высота стоянія слитой жидкости, т.-е. счи- тая 0—отверстіе всасывающей трубы насоса . . . . . въ м/м.	160,4	313,0	463,5	608,1	776,7	934,4	1084,8	1242,5	1403,0
4	Высота стоянія слитой жидкости при усло- вии полной цилиндричности бака въ м/м.	156,0	312,9	459,6	612,8	779,4	934,1	1091,0	1248,0	1403,0
5	Поправка на нецилиндричность бака въ м/м.	+4,4	+0,1	+3,9	-4,7	-2,7	+0,3	-6,2	-5,5	0

Если бы бакъ былъ вполнѣ цилиндриченъ, то между цифрами второй и третьей строкъ была бы полная пропорциональность; т.-е. такъ какъ 375,5 пудамъ соотвѣтствуетъ 1403 м/м., слѣдовательно 1 пуду  $\frac{1403}{375,5}$  м/м., то 41,75 пуда  $\frac{41,75 \cdot 1403}{375,5}$  м/м., что равно 156,0 м/м., а у насъ имѣлось 160,4 м/м., слѣдовательно поправка +4,4.

Такимъ же образомъ вычисляемъ другія значенія и получаемъ пятую строку—поправокъ.

Составимъ діаграмму, гдѣ на оси абсциссъ нанесемъ цифры второй строки таблицы, а по оси ординатъ пятой строки.



Полученный рядъ точекъ соединимъ плавной кривой. Можеть показаться, что въ этомъ нанесеніи плавной кривой заключается большой произволъ, но это не такъ. Глазъ требуетъ плавности переходовъ и, если дать нѣсколькимъ человѣкамъ начертить кривую, то разницы между кривыми будутъ всего въ долихъ м/м., т.-е. въ предѣлѣ точности наблюденій. Если кто хочетъ провѣрить себя, пусть начертитъ другую кривую, принявъ за основаніе не отношеніе  $\frac{1403}{375,5}$  послѣдняго столбца таблица I, послѣ налива девятой бочки, а скажемъ восьмой, седьмой или любой изъ остальныхъ, и произведетъ всѣ тѣ же построенія и вычисленія и увидитъ, что конечные результаты будутъ очень немного отличаться другъ отъ друга.

Имѣя кривую поправки, можемъ уже вычислить шкалу, для чего сперва вычислимъ, на какомъ расстояніи отъ нулевой линіи должны бы быть нанесены дѣленія, если бы бакъ былъ цилиндриченъ, другими словами шкала была бы равномѣрная, а затѣмъ внесемъ поправки и получимъ дѣйствительную шкалу неравномѣрную по длинѣ.

При помощи пятизначныхъ логарифмъ получаемъ, что одинъ пудъ при равномѣрной шкалѣ равняется  $\frac{1403}{375,5} =$

$= 3,7364$  м/м. Слѣдовательно, 10 пудовъ  $= 37,364$  м/м.  $= \sim 37,4$  м/м. Далѣе намъ необходимо знать, чему будуть соотвѣтствовать 20, 30, 40 и т. д. вплоть до 370 пудовъ. Это удобнѣе всего получить, кладя на счеты по 37,364 и записывая каждый разъ съ точностью до 0,1 м/м. На каждой сотнѣ будемъ имѣть повѣрку, сравнивая со значеніемъ соотвѣтственаго десятка.

Затѣмъ съ кривой поправокъ беремъ соотвѣтствующія поправки, вносимъ ихъ въ соотвѣтствующія значенія и полученные цифры уже даютъ возможность нанести неравномѣрную шкалу, при чемъ въ окончательномъ результата можно и округлить цифры, такъ какъ черта на шестѣ все равно будетъ достаточно широкая.

Чтобы яснѣе было, привожу вычисленія дѣленій въ промежуткѣ отъ 100 до 200 пудовъ (таблица II).

Можеть показаться, что поправки не велики и что не стоило вносить ихъ и можно было удовольствоваться равномѣрнымъ масштабомъ. Попробуемъ, такъ ли это. Положимъ, было въ бакѣ жидкости 630 м/м., что по таблицѣ соотвѣтствуетъ 170 пудамъ. За день было израсходовано на отопление зданія 40 пудовъ, такъ что уровень сталъ стоять на уровнѣ 489 м/м., т.-е. опустился на 141 м/м. Такъ какъ мы видѣли ранѣе, что по равномѣрному масштабу 1 пудъ соотвѣтствовалъ 3,74 м/м., слѣдовательно, если считать по равномѣрному масштабу получимъ  $\frac{141}{3,736} = 37,8$

пуда, т.-е. ошибка на 2,2 пуда, т.-е.  $5\frac{1}{2}\%$ , что уже затрудняетъ контроль расхода топлива, и это получится при бакѣ, который, казалось, можно считать вполнѣ цилиндрическимъ.

Таблица II.

100	110	120	130	140	150	160	170	180	190	200	Пуд.
373,6	411,0	448,4	485,7	523,1	560,5	597,8	635,2	672,6	709,9	747,3	m/m
+1,8	3,3	3,9	3,7	2,1	-1,8	-4,2	-5,0	-5,1	-4,7	-3,8	m/m
375,4	414,3	452,3	489,4	525,2	558,7	593,6	630,2	667,5	705,2	743,5	m/m
375	414	452	525	489	559	594	630	668	705	744	m/m

Когда указаннымъ способомъ былъ проградуированъ бакъ, то при приемкѣ нефти точность отчета по баку была никакъ не меньше точности взвѣшиванія на вѣсахъ, что провѣрялось въ теченіе двухъ отопительныхъ периодовъ.

Указанный способъ нанесенія дѣленій неравномѣрной шкалы можетъ быть примѣненъ при всѣхъ случаяхъ градуировки.

II. Арбатскій.

Какъ перейти отъ коэффиціента использованія тепла котломъ къ коэффиціенту его полезнаго дѣйствія.

В. И. Арбатский.

Предположимъ, что намъ даны результаты испытанія двухъ котловъ, работающихъ безъ экономейзера, при различныхъ давленіяхъ, на разныхъ топливахъ и при различныхъ условіяхъ сгоранія и предложенъ вопросъ, который изъ этихъ котловъ работает лучше, процессъ работы которого котла болѣе приближается къ идеалу,

т.-е. который котель имѣть высшій коэффиціентъ полезнаго дѣйствія, зависящій отъ пѣлесообразности устройства топокъ, дымоходовъ, дымовыхъ трубъ, чистоты котла и т. д., т.-е. который изъ двухъ котловъ, взятыхъ какъ одно нераздѣльное съ топочнымъ устройствомъ и дымоходами, работаетъ процессомъ, ближе стоящимъ къ идеалу.

Всѣ необходимыя данныя для рѣшенія этого вопроса даны въ таблицѣ I.

Таблица I.

	I. Установка.	II. Установка.	
Т о п л и в о .	Дерево.	Каменный уголь.	
Элементарн. составъ	Углеродъ % . . . . . Водородъ % . . . . . Кислородъ % . . . . . Вода % . . . . .	36,8 4,6 33,1 25,3	85,5 4,5 2,0 5,0.
Полезная теплотворная способность . . . . .	3080	7930.	
Давленіе пара въ котлѣ въ $kg/cm^2$ по маном.	15,0	0,4.	
$T^0$ отходящихъ газовъ . . . . .	273	236	
$t^0$ входящаго воздуха. . . . .	5	38	
Полнота сгоранія . . . . .	полное	полное.	
Содержаніе $CO_2$ въ отходящихъ газахъ . . . . .	15,0	11,6.	
Истинная испарительность, считая на нормальный парь (637 Cal.) . . . . .	3,75	9,75	

По испарительности нельзѧ судить о коэффициентѣ полезного дѣйствія, поэтому обычно судятъ о немъ по тепловому балансу; составимъ его предварительно въ калоріяхъ, отнеся все къ 1 kg топлива. Тепло, использованное котлами ( $Q_1$ ), получится отъ перемноженія 637 Cal. на истинную испарительность. Потерю отходящими газами ( $Q_2$ ) вычислимъ по извѣстной формулѣ

$$Q_2 = \left( \frac{C}{0,536 CO_2} \cdot 0,32 + \frac{9H + W}{100} 0,48 \right) (T - t_s)$$

Остаточный членъ получится отъ вычитанія изъ  $Q_0$  суммы  $Q_1$  и  $Q_2$ .

Таблица II.

		Cal.	Cal.
$Q_0$	Внесено тепла 1 kg. топлива . . . . .	3080	7930
$Q_1$	Использовано котломъ . . . . .	2380	6200
$Q_2$	Теряется отходящими газами . . . . .	480	920
$q$	Остаточный членъ . . . . .	220	810

Теперь пересчитаемъ его въ процентахъ:

		%	%
$Q_0$	Внесено тепла 1 kg. топлива . . . . .	100	100
$Q_1$	Использовано котломъ . . . . .	77,3	78,2
$Q_2$	Теряется отходящими газами . . . . .	15,5	11,6
$q$	Остаточный членъ . . . . .	7,2	10,2

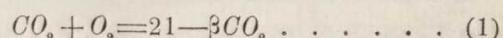
Мы видимъ, что въ первомъ случаѣ утилизируется 77,3%, а во второмъ 78,2% отъ внесенного тепла, но это еще не значитъ, что коэффициентъ полезного дѣйствія во второмъ случаѣ больше.

Обычно смишиваются два понятія: 1) коэффициентъ использования тепла котломъ и 2) коэффициентъ полезного дѣйствія котла. Постараемся ихъ определить.

Коэффициентъ использования тепла котломъ называется отношеніе использованного тепла ко внесенному теплу въ видѣ топлива, считая по полезной теплотворной способности т.-е. считая воду въ видѣ пара при  $20^\circ$ <sup>1)</sup>.

Коэффициентъ полезного дѣйствія котла называется отношеніе использованного тепла къ тому теплу, которое могло бы быть использовано въ идеальномъ процессѣ котла, т.-е., если бы было полное сгораніе, происходящее при теоретическомъ количествѣ воздуха, если бы продукты сгоранія были охлаждены до температуры воды въ котлѣ и, кроме необходимости потери тепла съ отходящими газами, никакихъ другихъ потерь не было бы. Другими словами, въ идеальномъ процессѣ работы котла коэффициентъ полезного дѣйствія равенъ единицѣ, а коэффициентъ использования тепла достигаетъ своей максимальной величины  $\eta_i$ , при чмъ  $\eta_i$  всегда меньше единицы.

Дѣйствительно всѣ потери черезъ лучеиспускание, теплопередачу, неполнотой сгоранія, остатками, шлаками и т. д. должны исчезнуть; въ этомъ случаѣ избытокъ воздуха долженъ равняться 1, но вѣдь дымовые газы все-таки будутъ существовать, и охладиться ниже температуры воды въ котлѣ они ни въ какомъ случаѣ не могутъ. Отсюда ясно, что, если мы при такихъ усло-вияхъ сжигаемъ 1 kg. топлива, полезную теплотворную способность котораго обозначимъ черезъ  $Q_0$ , то мы не можемъ утилизировать всю теплоту  $Q_0$ , а только некоторую часть  $\eta_i Q_0$ , гдѣ  $\eta_i$  будетъ коэффициентъ использования тепла даннымъ котломъ при идеальномъ процессѣ работы котла. Выяснимъ, отъ какихъ причинъ зависитъ  $\eta_i$ . Мы указали, что сгораніе должно быть полное. Какъ извѣстно при полномъ сгораніи имѣть мѣсто уравненіе



гдѣ  $CO_2$  — процентное содержаніе по объему угольной кислоты въ сухихъ топочныхъ газахъ;  $O_2$  — % содержаніе по объему кислорода въ сухихъ топочныхъ газахъ, а  $\beta$  — коэффициентъ, зависящій отъ состава топлива, такъ

$$\beta = 0,79 \frac{3}{8} \frac{8H - O}{C} \dots \dots \dots (2)$$

гдѣ  $C$ ,  $H$  и  $O$  — процентное содержаніе по вѣсу углерода, водорода и кислорода въ топливѣ.

Въ идеальномъ случаѣ избытокъ воздуха долженъ равняться  $O$ , — слѣдовательно, въ топочныхъ газахъ кислорода совершенно не будетъ. Содержаніе  $CO_2$  бу-

<sup>1)</sup> Въ виду того, что, пока нѣть способа утилизировать теплоту, освобождающуюся при конденсаціи паровъ воды, находящихся въ топочныхъ газахъ, принято въ подсчетахъ пользоваться не калориметрической, а полезной теплотворной способностью. Но болѣе правильно было бы принимать калориметрическую теплотворную способность, такъ какъ весьма вѣроятно, что со временемъ появятся способы утилизировать теплоту конденсаціи воды изъ топочныхъ газовъ, да и какъ поступать въ подсчетахъ, если при работе экономизера утилизируется часть теплоты конденсаціи воды?

деть максимальное и уравнение (1) обратится въ слѣдующее:  $(CO_2)_{max} = 21 - \beta (CO_2)_{max}$ , откуда получаемъ

$$(CO_2)_{max} = \frac{21}{1+\beta} = \frac{21 \cdot C}{C + 0,79 \cdot (8H - O)} = \\ = \frac{21 \cdot C}{C + 2,37 \cdot H - 0,297 \cdot O} . . . . . (3)$$

Топочные газы, какъ мы указали, покидаютъ поверхность котла при температурѣ котла ( $t_k$ ).

Обозначивъ  $Q_a$  — неизбѣжную потерю отходящими газами въ случаѣ идеального процесса работы котла и  $t_s$  — температуру входящаго въ топку воздуха, имѣемъ

$$Q_a = \left[ \frac{C^0}{0,536 (CO_2)_{max}} \cdot 0,32 + \frac{9H + W}{100} \cdot 0,48 \right] \cdot [t_k - t_b] . . . . . (4)$$

Такъ какъ эта потеря при идеальномъ процессѣ работы парового котла является единственной, то мы можемъ написать

$$\eta_i = \frac{Q_0 - Q_a}{Q_0} = 1 - \frac{Q_a}{Q_0} = \\ = 1 - \left[ \frac{\frac{C^0}{0,536 (CO_2)_{max}} \cdot 0,32 + \frac{9H + W}{100} \cdot 0,48}{Q_0} \right] [t_k - t_b] . . . . . (5)$$

Въ послѣднемъ выраженіи замѣнимъ  $(CO_2)_{max}$  по уравненію (3), а полезную теплотворную способность  $Q$  по формулѣ Менделѣева:

$$Q_0 = 81 \cdot C + 300 \cdot H - 26 \cdot O - 6(9H + W) = \\ = 81C + 246H - 26O - 6W . . . . . (6)$$

получимъ

$$\eta_i = 1 - \frac{\frac{0,32 \cdot (C + 2,37 \cdot H - 0,297 \cdot O)}{0,536 \cdot 21} + \frac{9H + W}{100} \cdot 0,48}{81C + 246H - 26O - 6W} [t_k - t_b] = \\ = 1 - \frac{(t_k - t_b)}{100} \frac{2,84C + 11,06H - 0,84O + 0,48W}{81C + 246H - 26O - 6W} . . . . . (7)$$

Мы видимъ, что коэффициентъ использования идеального процесса  $\eta_i$  зависитъ:

- 1) Отъ температуры котла ( $t_k$ ), другими словами, отъ давленія въ котль, и чѣмъ больше давленіе, тѣмъ меньше  $\eta_i$ .
- 2) Отъ температуры поступающаго воздуха ( $t_b$ ): чѣмъ больше  $t_b$ , тѣмъ выше  $\eta_i$ .
- 3) Отъ состава топлива зависимость эта довольно сложная, но ближайшее разсмотрѣніе формулы приводить къ выводу, что, чѣмъ больше въ составѣ топлива углерода и водорода, тѣмъ выше коэффициентъ  $\eta_i$ ; обратно, съ увеличеніемъ въ составѣ топлива кислорода и воды уменьшается  $\eta_i$ .

Можно формулу (7) написать въ такомъ видѣ:

$$\eta_i = 1 - \frac{t_k - t_b}{100} \frac{2,84C + 11,06H - 0,84O + 0,48W}{Q_0} . . . . . (7')$$

если имѣется полезная теплотворная способность, то не для чего пользоваться формулой (7).

Коэффициентъ полезного дѣйствія котла ( $\eta_k$ ) мы условились называть отношеніе тепла, использованного къ тому теплу, которое могло бытъ использовано при идеальномъ процессѣ котла, т.-е.

$$\eta_k = \frac{Q_1}{\eta_i Q_0} . . . . . (8)$$

Назовемъ коэффициентъ использования тепла  $\eta$  отношеніе использованного тепла къ внесенному, т.-е.

$$\eta = \frac{Q_1}{Q_0} . . . . . (9)$$

тогда изъ уравненія (8) и (9) получаемъ

$$\eta = \eta_k \cdot \eta_i . . . . . (10)$$

Слѣдовательно, зная  $\eta$  и подсчитавъ для данного случая  $\eta_i$ , мы можемъ получить  $\eta_k$ , которое будетъ собою характеризовать степень приближенія работы топки и котла къ идеалу.

Заручившись этими свѣдѣніями, опредѣлимъ коэффициентъ полезного дѣйствія для тѣхъ двухъ случаевъ, которые были приведены въ началѣ статьи, для чего предварительно опредѣлимъ  $\eta_i$  для обоихъ случаевъ по формулѣ (7').

I случай. Дрова,  $t_k$  равняется  $204^\circ$ .

$$\eta_i = \frac{t_k - t_b}{100} \frac{2,84C + 11,06H - 0,84O + 0,48W}{Q_0} = \\ = 1 - \frac{204 - 5}{100} \frac{2,84 \cdot 36,8 + 11,06 \cdot 4,6 - 0,84 \cdot 33,1 + 0,48 \cdot 25,3}{3080} = \\ = 1 - \frac{199}{100} \frac{139}{3080} = 1 - 0,090 = 0,910.$$

Для II случая. Каменный уголь,  $t_k = 109^\circ$ .

$$\eta_i = 1 - \frac{109 - 33}{100} \frac{2,84 \cdot 85,5 + 11,06 \cdot 4,5 - 0,84 \cdot 2,0 + 0,48 \cdot 5}{7930} = \\ = 1 - \frac{70}{100} \frac{293}{7930} = 1 - 0,026 = 0,974.$$

Теперь на основаніи равенства (10) опредѣлимъ  $\eta_k$  для обоихъ случаевъ.

Первый случай:

$$\eta_k = \frac{\eta}{\eta_i} = \frac{0,773}{0,910} = 0,849.$$

Для второго случая:

$$\eta = \frac{\eta}{\eta_i} = \frac{0,782}{0,974} = 0,803.$$

Итакъ, мы пришли къ обратному выводу, что въ первомъ случаѣ коэффициентъ полезного дѣйствія больше, чѣмъ въ первомъ случаѣ, несмотря на то, что тепла утилизируется меньше, процессъ использования тепла ближе къ идеалу, нежели во второмъ.

*H. B. Арбатскій.*